

тяжёлых лырок наблюдались в  $p$ -Ge и  $p$ -Si. При этом набор гармоник зависит от ориентации  $\mathbf{H}$  относительно кристаллографических осей.

В квантующем магн. поле и в слабом электрич. поле  $E(t) \perp H$  переходы носителей происходят только между соседними уровнями Ландау. Однако при одновременном воздействии поля  $E(t)$  и поля рассеивателей оказываются разрешёнными переходы между любыми уровнями Ландау. Это означает, что при  $\hbar\omega \gg kT$  возникают переходы с нулевого уровня Ландау на уровне с  $n > 1$  (хотя вероятность таких переходов значительно меньше, чем переходов на примесях и акустич. фононах), такие переходы происходят на частотах  $\hbar\omega_c$  и приводят к появлению гармоник (если же носители рассеиваются на оптич. фононах, то имеет место циклотрон-фононный резонанс).

**Разогрев носителей.** Т. к. высокочастотная проводимость (для плоскополяризованной волны) на частоте  $\omega_c$  велика (она равна половине статич. проводимости), то в условиях Ц. р. возможен разогрев носителей перем. полем. Этот метод используется для изучения рассеяния на примесях и акустич. фононах. Осн. источником информации при этом является соотношение  $\omega_c \approx \tau^{-1}(\delta)$ . При малой мощности  $W$  излучения ср. энергия носителей  $\delta$  близка к равновесной. Если же  $W$  велико, то  $\delta$ , а значит, и  $\omega_c$  начинают зависеть от  $W$ .

При рассеянии на заряж. примесях  $\tau(\delta)$  — возрастающая ф-ция, для акустич. фононов — убывающая, для нейтральных примесей  $\tau$  слабо зависит от  $\delta$ . Поэтому в первом случае (а также при межэлектронном рассеянии) с ростом  $\delta$  линия сужается, во втором — расширяется, в третьем — полуширина  $\omega_c$  остаётся неизменной. С ростом  $\delta$  акустич. рассеяние становится преобладающим.

При разогреве в пост. электрич. поле  $E$  зависимость  $\tau(E)$  определяется характером рассеяния. При умеренных значениях  $E$  рассеяние обусловлено вынужденным взаимодействием с акустич. фононами ( $\tau^{-1} \propto E^{0.5}$ ), в сильных — спонтанной эмиссией фононов ( $\tau^{-1} \propto E^{0.8}$ ) (см. *Горячие электроны*). Такие же зависимости наблюдаются и от амплитуды высокочастотного поля  $E_0$  в условиях Ц. р. Т. к.  $W \ll E_0^2$ , то  $\omega_c \ll W^{0.25}$  в умеренном и  $\omega_c \ll W^{0.4}$  в сильном высокочастотных полях.

Разогрев носителей в высокочастотном поле имеет два важных преимущества — отсутствие контактов в сильных электрич. полях и возможность избирательного нагрева определ. группы носителей, напр. электронов одной долины зоны проводимости в *многодолинных полупроводниках*.

**Экспериментальные методы.** Существуют 2 осн. способа наблюдения Ц. р. Первый состоит в измерении поглощения эл.-магн. мощности. Второй способ использует то обстоятельство, что поглощение излучения приводит к возрастанию энергии носителей. Это, в свою очередь, приводит к изменению проводимости полупроводника на пост. токе. Зависимость изменения  $\Delta\sigma$  от  $\omega$  или от  $H$  воспроизводит линию Ц. р. Этот способ имеет то преимущество, что детектором является сам образец. Кроме того, обычно этот способ оказывается более чувствительным, чем измерение поглощения. Однако в тех редких случаях, когда в пределах резонансной линии возникает смена механизма рассеяния (а), смена механизма рекомбинации носителей (б) или изменение типа проводимости (в), то кривая  $\Delta\sigma(\omega)$  или  $\Delta\sigma(H)$  в случаях (а) и (б) становится двугорбой, а в случае (в) ф-ция  $\Delta\sigma(H)$  напоминает закон дисперсии показателя преломления.

В спектрометрах Ц. р. в качестве генераторов эл.-магн. излучения в сантиметровом диапазоне длин волн используются *клистроны*, генераторы Ганна (см. *Ганна диод*) и *лавинно-пролётные диоды*, в миллиметровом и субмиллиметровом диапазонах — *лампы обратной волны*, в субмиллиметровом и ИК-диапазонах — *лазеры*. Источниками магн. поля, как правило, служат сверхпроводящие соленоиды ( $H \sim 100$  кЭ). Свободные носители заряда в полупроводниках при низких темп-рах создаются подсветкой. Для увеличения чувствительности применяются модуляция методы регистрации (изменение концентрации свободных но-

сителей при изменении интенсивности света). В связи с низкой добротностью линий Ц. р. обычно применяется развертка спектров вариацией поля  $H$ .

#### Циклотронный резонанс в металлах

Исследование Ц. р. в металлах имеет большое значение для теории металлов. Он позволяет определить форму и размеры ферми-поверхности, времена свободного пробега носителей, электрон-фононное взаимодействие и др.

В металлах эл.-магн. волны почти полностью отражаются от поверхности образца, проникая в металл на небольшую глубину скрин-слоя  $\delta \sim 10^{-5}$  см (см. *Скин-эффект*). В хороших металлах, где число электронов — 1/атом,  $\delta \sim 10^{-5} - 10^{-6}$  см; в полуметалах (напр., у Bi)  $\delta \sim 10^{-4}$  см. Радиус ларморовской орбиты электронов  $r$ , обратно пропорциональный полю  $H$ , сравним с  $\delta$  лишь в сильных полях  $H \sim 10^6 - 10^7$  Э (для полуметаллов  $H \sim 10^4$  Э). В обычных же магн. полях эл.-магн. поле взаимодействует с электронами лишь на малом участке их орбиты. В результате электроны проводимости движутся в сильно неоднородном эл.-магн. поле, поскольку, как правило, диаметр их орбиты  $2r \gg \delta$ . Если магн. поле параллельно поверхности образца, то среди электронов есть такие, к-рые, хотя и движутся большую часть времени в глубине металла, где электрич. поля нет, однако на короткое время заходят в скрин-слой, где взаимодействуют с волной (рис. 5).

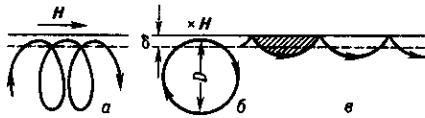


Рис. 5. Траектории электронов: а, б — в однородном постоянном магнитном поле  $H$  при действии переменного электрического поля  $E \perp H$ ; магнитное поле  $H$  направлено параллельно поверхности металла; в — зеркально отражающихся от поверхности металла.

Механизм передачи энергии от волны носителям в этом случае аналогичен работе *циклотрона*, резонанс возникает, если электрон будет попадать в скрин-слой каждый раз при одной и той же фазе электрич. поля, что возможно при  $\omega = n\omega_c = neH/m_c$ . Это условие отвечает резонансам, периодически повторяющимся при изменении  $1/H$ . Электрон возвращается в ускоряющий слой через один или неск. периодов перем. поля  $T = 2\pi/\omega$ , каждый раз получая энергию от поля.

В случае поля  $H$ , наклонного относительно поверхности образца, электроны, проходя по направлению поля  $H$  за один оборот путь порядка  $r$ , проводят в слое  $\delta$  время, равное  $(2\pi/\omega)(\delta/r) \leq 2\pi\omega$ . При этом периодичность движения в поле  $H$  на их взаимодействие с перем. полем не влияет, и Ц. р. отсутствует (рис. 6, а).

Приведённое описание является исчерпывающим только в случае электронов с квадратичным законом дисперсии, когда  $m_c$ , а следовательно, и  $\omega_c$  одинаковы для всех электронов. В случае более сложных законов дисперсии  $\omega_c$ , как и в случае полупроводников, может зависеть от  $\delta$  и  $r_H$ . При этом для Ц. р. существенны только электроны с энергией  $\delta = \delta_F (\delta_F — ферми-энергия)$ . Из электронов с разл.  $r_H$ , образующими непрерывный спектр циклотронных частот  $\omega_c$ , осн. роль в Ц. р. играют: 1) электроны вблизи экстремальных значений  $r_H^{ext}$  на ферми-поверхности  $\delta(r) = \delta_F$ , где  $\omega_c(r_H)$  медленнее всего меняется, а плотность состояний электронов, как ф-ция  $\omega_c$ , обращается в бесконечность; 2) электроны вблизи особых точек — граница спектра  $\omega_c(r_H^*)$ .

Измерение частот Ц. р. позволяет непосредственно определить экстремальные и граничные значения  $m_c$ . Полуширина резонансной линии определяет время свободно-

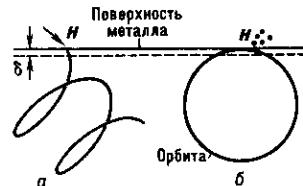


Рис. 6.