

газа это явление не связано с фазовым переходом. Особенностью существенна Ф.—Д. с. для понимания свойств металлов и *вырожденных полупроводников*, в теории сверхпроводимости и сверхтекучести  $^3\text{He}$ .

Ф.—Д. с. для системы взаимодействующих частиц основана на методе Гиббса для квантовых систем. Она может быть реализована, если известны квантовые уровни  $\mathcal{E}_n$  системы и удается вычислить статистическую сумму  $Z$ , напр. для большого канонического распределения Гиббса

$$Z = \sum_{n, N} \exp [-(\mathcal{E}_n - \mu N)/kT],$$

где суммирование ведется по всем квантовым уровням  $n$ , допустимым Ф.—Д. с., и по полному числу частиц  $N$ . Эта задача не сводится к простой комбинаторике и очень сложна, если взаимодействие между частицами не мало.

Задачу вычисления  $Z$  можно упростить, если представить  $Z$  в инвариантной форме, не зависящей от представления статистического оператора:

$$Z = \text{Sp} \{ \exp [-(H - \mu N)/kT] \},$$

где Sp обозначает сумму диагональных матричных элементов статистич. оператора;  $H$ —гамильтониан в представлении *вторичного квантования*, выраженный через  $a_i^+$ ,  $a_i^-$ —операторы рождения и уничтожения частиц в состоянии  $\Phi_i(x)$  одиночественного гамильтониана (без учёта взаимодействия между частицами). Операторы рождения и уничтожения удовлетворяют перестановочным соотношениям Ф.—Д. с.:

$$a_i^+ a_j^+ - a_j^+ a_i^+ = a_i^- a_j^- + a_j^- a_i^- = 0,$$

$$a_i^- a_j^+ + a_j^+ a_i^- = \delta_{ij},$$

где  $\delta_{ij}$ —Кронекера символ. Гамильтониан  $H$  может быть записан в более компактной форме через операторы вторичного квантования

$$\Psi^+(x) = \sum_i \Phi_i^*(x) a_i^+, \quad \Psi(x) = \sum_i \Phi_i(x) a_i^-,$$

удовлетворяющие перестановочным соотношениям:

$$\Psi^+(x)\Psi^+(x') + \Psi^+(x')\Psi^+(x) = \Psi(x)\Psi(x') + \Psi(x')\Psi(x) = 0,$$

$$\Psi(x)\Psi^+(x') + \Psi^+(x')\Psi(x) = \delta(x - x'),$$

где  $\delta(x - x')$ —дельта-функция Дирака, \*—обозначает комплексное сопряжение. Тогда требования Ф.—Д. с. оказываются выполнены и в статистич. сумме будут учитываться лишь антисимметрические состояния.

Представление вторичного квантования для  $H$  даёт наиб. компактную и удобную форму для приложений Ф.—Д. с., в частности в теории конденсированных сред. Аналогичное представление имеет место и для статистики Бозе—Эйнштейна, причём антикоммутаторы следует заменить на коммутаторы.

*Лит.*: Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М., Статистическая физика, ч. 1, 3 изд., М., 1976, § 54; Румер Ю. Б., Рывкин М. Ш., Термодинамика, статистическая физика и кинетика, 2 изд., М., 1977, гл. 3.

Д. Н. Зубарев.

**ФЕРМИ-ЖИДКОСТЬ**—квантовая жидкость, в к-рой элементарные возбуждения (квазичастицы) обладают полуцелым спином; подчиняется Ферми—Дирака статистике. К Ф.-ж. относятся, напр., электроны в металлах и полупроводниках, нейтроны в нейтронных звёздах, экситоны в экситонных каплях в диэлектрике (нормальная Ф.-ж.), а также жидкий  $^3\text{He}$  (сверхтекущая Ф.-ж.). См. Квантовая жидкость.

**ФЕРМИ-ИМПУЛЬС**—макс. значение импульса, к-рым могут обладать фермионы при темп-ре  $T=0$  К. Ф.-и. в случае квадратичного закона дисперсии фермионов равен

$$p_F = \sqrt{2m\mathcal{E}_F},$$

где  $m$ —масса фермиона (эфф. масса в случае квазичастиц),  $\mathcal{E}_F$ —ферми-энергия (см. также Ферми-поверхность).

**ФЕРМИЙ** (лат. Fermium), Fm,—радиоакт. хим. элемент III группы периодич. системы элементов Менделеева, ат. номер 100; относится к тяжёлым актиноидам (т. н. трансплутоневым элементам). Известны изотопы Ф. с массовыми числами 244—258, все они радиоактивны. Наиболее устойчив  $^{257}\text{Fm}$  ( $\alpha$ -распад и спонтанное деление,  $T_{1/2} = 100,5$  сут). Ф. открыт в 1952 А. Гиорсо (A. Ghiorso) и др. и назван в честь Э. Ферми (E. Fermi). Конфигурация внеш. электронных оболочек  $5s^2 p^6 d^{10} f^{12} 6s^2 p^6 7s^2$  (предположительно). Энергии последоват. ионизации 6,7; 12,5 и 22,5 эВ. Проявляет степени окисления +3 (как и др. актиноиды) и +2 (редко). Мишени, содержащие Ф., используют для искусств. синтеза более тяжёлых хим. элементов.

С. С. Бердоносов.

**ФЕРМИОН** (ферми-частица)—частица или квазичастица с полуцелым спином. Ф. подчиняются Ферми—Дирака статистике. Ф. являются все барионы, кварки и лептоны. Связанная система, в к-рой входит нечётное число Ф., также есть Ф. Напр., атомное ядро с нечётным массовым числом, атом (ион) с нечётной суммой его массового числа и числа электронов. Примерами квазичастиц Ф. являются дырка и полярон.

**ФЕРМИ-ПОВЕРХНОСТЬ**—изоэнергетич. поверхность в пространстве квазимпульсов ( $p$ -пространстве), соответствующая ферми-энергии  $\mathcal{E}_F$ :

$$\mathcal{E}_s(p) = \mathcal{E}_F. \quad (1)$$

Здесь  $\mathcal{E}_s(p)$ —дисперсии закон электрона проводимости;  $s$ —номер энергетич. зоны (см. Зонная теория). Ф.-п. отделяет при темп-ре  $T=0$  К занятые электронами проводимости состояния от свободных. Изображая Ф.-п., можно ограничиться одной ячейкой  $p$ -пространства (1-й Брилюзен зоной), т. к. в ней расположены концы векторов  $p$ , описывающие все неэквивалентные состояния. Но можно использовать расширенное (бесконечное)  $p$ -пространство, в к-ром каждая изоэнергетич. поверхность (и Ф.-п. тоже) периодична с периодом  $2\pi\hbar b$ , где  $b$ —произвольный вектор обратной решётки. Если Ф.-п. полностью умещается в одной ячейке  $p$ -пространства, то такую поверхность наз. замкнутой. Если Ф.-п. пересекает границы ячейки  $p$ -пространства, её наз. открытой. При использовании расширенного  $p$ -пространства замкнутая Ф.-п. бесконечно повторяется из ячейки в ячейку, а открытая проходит через всё  $p$ -пространство. Ф.-п. может быть открыта в одном, двух и трёх измерениях (рис. 1, 2, 3).



Рис. 1. Поверхность Ферми графита.

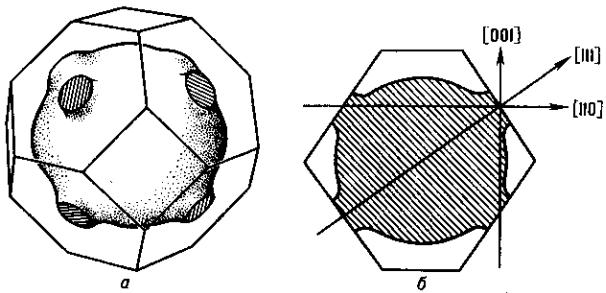


Рис. 2. а—Открытая поверхность Ферми Au, Cu, Ag; б—сечение её плоскостью [110], видны открытые направления.

У большинства металлов имеется неск. частично заполненных энергетич. зон. Поэтому, как правило, Ф.-п. имеет неск. полостей (карманов, долин), из к-рых одни могут быть открытыми, а другие замкнутыми. Замкнутая Ф.-п. может окружать область  $p$ -пространства, где  $\mathcal{E}_s(p) < \mathcal{E}_F$ ;