

Эфф. вычисление средних в каждом порядке разложения (1) для  $S(\beta)$  (а также частичное суммирование к-л. подпоследовательностей членов этого разложения) проводится, как правило, с использованием графич. техники, вполне аналогичной технике *Фейнмана диаграмм*, где вместо причинных ф-ций Грина, характерных для квантовой теории поля, применяются т.н. мацубаровские ф-ции Грина (см. *Грина функция* в статистич. физике). В рамках Т. т. в. имеет место теорема (Уорд и Латтинджер [2]) о стационарности (точнее, минимальности) функционала свободной энергии  $F$  по отношению к вариациям полной ф-ции Грина или массового оператора; частный случай этой теоремы, соответствующий обобщённому *среднего поля приближению*, эквивалентен т.н. статистическому вариационному принципу Н. Н. Боголюбова (1956), согласно которому  $F \leq \min \{F_0 + \langle \mathcal{H}_1 \rangle_0\}$ . Согласно этой теореме, для  $F_1$  может быть получено формальное замкнутое выражение в виде т.н. интеграла по константе связи (см., напр., [4, 7]), через полную электронную ф-цию Грина  $G_\lambda$  и соответствующий массовый оператор  $M_\lambda$  или через полную фононную ф-цию Грина  $D_\lambda$  и соответствующий поляризац. оператор  $\Pi_\lambda$  след. вида (в символич. записи):

$$F_1 = \int_0^\lambda (d\lambda'/\lambda') G_{\lambda'} M_{\lambda'} \quad \text{или} \quad F_1 = \int_0^\lambda (d\lambda'/\lambda') D_{\lambda'} \Pi_{\lambda'}$$

Практич. вычисление слагаемых, входящих в осн. ф-лы Т. т. в. (1) и (3), основано обычно на записи гамильтониана взаимодействия  $H_1$  в представлении вторичного квантования с помощью ферми-, бозе- или паули-операторов. Соответственно при вычислениях средних в (3) и (1) используется температурное обобщение *Вика теоремы* о спариваниях, доказанное К. Блохом и Де Доминисом [3] для ферми- и бозе-операторов и С. В. Тябликовым и В. А. Москаленко [5] — для паули-операторов. Построение Т. т. в. для классич. физ. систем существенно упрощается по сравнению с квантовыми благодаря тому, что для коммутирующих в этом случае при любых значениях  $\beta_i$  множителей  $\mathcal{H}_i(\beta_i)$  величина  $S(\beta)$  превращается из хронологич. Р-экспоненты в обычную, для к-рой кумулянты  $F_1^{(n)}$  любого порядка вычисляются значительно проще; напр., в первом порядке по взаимодействию  $F_1^{(1)} = \lambda \langle \mathcal{H}_1 \rangle_0$ , а во втором  $F_1^{(2)} = (-\lambda^2 \beta/2) \langle (\mathcal{H}_1 - \langle \mathcal{H}_1 \rangle_0)^2 \rangle_0$ . Существует обобщение Т. т. в. на случай возмущений  $\mathcal{H}_1$ , явно зависящих от времени  $t$  (напр., при вычислении ф-ций линейной реакции системы на такое возмущение, а также кинетич. коэффициентов, согласно *Грина — Кубо формулам*). В этом случае при построении аналога  $S$ -матрицы для неравновесного статистич. оператора используется как мнимое, так и обычное время, так что соответствующая диаграммная техника значительно усложняется (см., напр., Л. Каданов, Г. Бейм [6]).

Примеры применения Т. т. в. для разл. типов физ. систем (напр., для неидеальных газов низкой плотности с короткодействием — т.н. газовое приближение или для системы частиц с дальнедействующим кулоновским взаимодействием — т.н. плазменное приближение) подробно рассмотрены в монографии [7] (см. также в ст. *Вириальное разложение, Майера диаграммы* в статистич. физике). Т. т. в. широко используется также для анализа физ. свойств систем, описываемых *спиновым гамильтонианом*, выше критич. точки фазового перехода; напр., для сильно магнитных систем [8] строятся т.н. высоко-температурные разложения для намагнитченности, восприимчивости и т.п., к-рые затем анализируются методом *Паде аппроксимации* с целью нахождения *критических показателей*.

Лит.: 1) Matsubara T., A new approach to quantum-statistical mechanics, «Prog. Theoret. Phys.», 1955, v. 14, p. 351; 2) Luttinger J. M., Ward J. C., Ground-state energy of the many-fermion system, «Phys. Rev.», 1960, v. 118, p. 1417; 3) Bloch C., De Dominicis C., Undeveloppement du potentiel de Gibbs nombre de particules, «Nucl. Phys.», 1958, v. 7, p. 459; 4) Бонч-Бруевич В. Л., Тябликов С. В., Метод функций Грина в статистической механике, М., 1961, § 12; 5) Тябликов С. В., Москаленко В. А., Теорема о статис-

тических средних для паули-операторов. «ДАН СССР», 1964, т. 158, с. 839; 6) Каданов Л., Бейм Г., Квантовая статистическая механика, пер. с англ., М., 1964; 7) Абрикосов А. А., Горьков Л. П., Дзялошинский И. Е., Методы квантовой теории поля в статистической физике, М., 1962; 8) Тябликов С. В., Методы квантовой теории магнетизма, 2 изд., М., 1975. Ю. Г. Рудой.

**ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИЕ ПАРАМЕТРЫ** — см. *Параметры состояния*.

**ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИЕ ПОТЕНЦИАЛЫ** — ф-ции объёма, темп-ры, давления, плотности и др. параметров макроскопич. термодинамич. системы. К Т. п. относятся внутр. энергия, энтальпия, энергия Гельмгольца (свободная энергия), энергия Гиббса и т. д. Подробнее см. *Потенциалы термодинамические, Термодинамика*.

**ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИЕ СТЕПЕНИ СВОБОДЫ** — см. *Степени свободы, Гиббса правило фаз*.

**ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИЙ ПРЕДЕЛ** — предел отношения экстенсивных термодинамич. величин к числу частиц  $N$  (или объёму  $V$ ), когда  $N$  стремится к бесконечности при фиксированном уд. объёме  $v = V/N$ . Напр., для свободной энергии (*Гельмгольца энергии*)  $F(T, V, N)$  Т. п.

$$\lim_{N \rightarrow \infty, V \rightarrow \infty, V/N = \text{const}} F(T, V, N)/N = f(T, v)$$

где  $T$  — темп-ра,  $f(T, v)$  — свободная энергия на одну частицу. Существование Т. п. в системе взаимодействующих частиц доказано Л. Ван Новом (L. Van Nove, 1949) для *канонического распределения Гиббса* и Ч. Янгом и Т. Ли (C. N. Yang, T. D. Lee, 1952) — для *большого канонического распределения Гиббса*.

Лит.: Рюэль Д., Статистическая механика. Строгие результаты, пер. с англ., М., 1971, гл. 3. Д. Н. Зубарев.

**ТЕРМОДИНАМИЧЕСКОЕ РАВНОВЕСИЕ** — см. *Равновесие термодинамическое*.

**ТЕРМОДИНАМИЧЕСКОЕ СОСТОЯНИЕ** — равновесное макроскопич. состояние *термодинамической системы*, к-рое фиксируется заданием параметров состояния, представляющих собой измеряемые макроскопич. приборами ср. величины определ. набора характеристик системы. Конкретный выбор этих параметров неоднозначен и определяется тем, каким способом рассматриваемая равновесная система выделяется из среды окружающих её тел и др. систем (т. е. видом контакта системы и окружающей). Обычно используется один из четырёх вариантов такого выбора: 1) адиабатически изолированная система (система выделена стенками, не допускающими через себя потоки энергии и частиц) — фиксируются энергия системы  $\mathcal{E}$ , объём  $V$ , число частиц  $N$  и внеш. поля  $X$ ; 2) система в термостате (система выделена с помощью теплопроводящих стенок и находится в равновесии с др. термодинамич. системой, выполняющей роль термометра или термостата) — фиксируются темп-ра  $T$  или  $\Theta = kT$  (энергия  $\mathcal{E}$  уже не фиксируется точно), а также  $V, N, X$ ; 3) система выделена воображаемыми стенками (величины  $\mathcal{E}$  и  $N$  точно не фиксированы) — в качестве параметров состояния используются  $\Theta, V, X$  и хим. потенциал  $\mu$ ; 4) вариант 2, но с подвижной стенкой (система «под поршнем», выполняющим роль мембраны манометра, объём  $V$  уже точно не фиксирован) — параметрами состояния являются  $\Theta$ , давление  $P, N$  и  $X$ . В термодинамич. пределе,  $N \rightarrow \infty, V/N = \text{const}$ , все четыре варианта оказываются эквивалентными, т. к. различия в граничных условиях проявляются как негарантированные малые поправки.

При выборе параметров в варианте 1 *потенциалом термодинамическим*, содержащим в себе всю информацию о равновесных свойствах системы, является *энтропия*  $S = S(\mathcal{E}, V, N, X)$ , в варианте 2 — свободная энергия (*Гельмгольца энергия*)  $F = \mathcal{E} - \Theta S/k = F(\Theta, V, N, X)$ , в варианте 3 — введённый Гиббсом потенциал  $\Omega = F - \mu N = \Omega(\Theta, V, X, \mu)$  и в варианте 4 — *Гиббса энергия* (потенциал Гиббса)  $G = F + PV = G(\Theta, P, X, N)$ . Если зафиксировать условие 1, то энтропия при стремлении системы к равновесному состоянию достигает своего макс. значения, при фиксир. условиях 2, 3, 4 соответственно потенци-