

Здесь K — переводной множитель от единиц энергетич. величин к единицам, принятым в данной системе редуциров. величин; $X_{e,\lambda}$ — спектральная плотность энергетич. радиометрич. величины; $S_0(\lambda)$ — не зависящая от уровня реакции ф-ция относительной С. ч. реального или модельного (идеального) приёмника.

Эквивалентные $S(\lambda)$ и $S_0(\lambda)$ понятия имеются и в др. областях физики, но называются др. терминами: «кривые равной громкости» и «частотная характеристика чувствительности микрофона (гидрофона)» — в акустике и гидроакустике; «амплитудно-частотная характеристика» — в радиоэлектронике; «спектр действия» — в фотобиологии; «коэф. качества ионизирующего излучения» — в радиац. безопасности.

Лит.: Сапожников Р. А., Теоретическая фотометрия, 3 изд., М., 1977; Дойников А. С., Прикладная фотометрия, в кн.: Итоги науки и техники, сер. Светотехника и инфракрасная техника, т. 5, М., 1983. А. С. Дойников.

СПЕКТРАЛЬНОЕ ПРЕДСТАВЛЕНИЕ матричных элементов матрицы рассеяния S или Грина функций в квантовой теории поля — интегральные представления типа Коши интеграла. С. п. играют большую роль в аксиоматич. подходе к квантовой теории поля (см. Аксиоматическая квантовая теория поля), в рамках к-рого построение матрицы рассеяния осуществляется без конкретных предположений о взаимодействии, присутствующих гамильтонову формализму. Особенно важны С. п., к-рые удаётся получить на основе только самых общих положений квантовой теории поля, таких, как требования микропричинности, унитарности (см. Унитарности условие), релятивистской инвариантности и предположения о спектре масс. Так, напр., для ф-ции Грина $G(x-y)$ из ур-ния скалярного поля $\phi(x)$ массы m

$$G(x-y) = i \langle 0 | T(\phi(x) S \phi(y)) | 0 \rangle = \\ = (2\pi)^{-4} \int \exp[ip(x-y)] G(p) d^4p \quad (4)$$

(T — символ хронологич. упорядочения, p — 4-импульс поля) на этой основе установлено важное С. п. Лемана — Келлена (H. Lehmann, G. Källén):

$$G(p) = (m^2 - p^2 - i\epsilon)^{-1} + \int_{4m^2}^{\infty} I(z) dz / (z - p^2 - i\epsilon). \quad (2)$$

Здесь $I(z)$ — неотрицат. ф-ция, описывающая распределение масс возможных состояний поля, — спектральная плотность масс, к-рая выражается через матричные элементы S -матрицы.

В общем случае вся информация о взаимодействии частиц содержится в матричных элементах S -матрицы, относящихся к переходу из состояния i невзаимодействующих начальных частиц в состояние f невзаимодействующих конечных частиц с 4-импульсами p_1, \dots, p_i и p_{i+1}, \dots, p_f . Приняв во внимание закон сохранения 4-импульса (и др. следствия релятивистской инвариантности), такой матричный элемент можно записать в виде:

$$\langle f | S | i \rangle = \delta_{fi} - 2\pi i \delta^4 \left(\sum_{(i)} p_k - \sum_{(f)} p_k \right) \prod_{(i,f)} (2\theta_k)^{-1/2} T_{fi},$$

где амплитуда T_{fi} перехода $i \rightarrow f$ — скалярная ф-ция 4-импульсов p_k и поляризаций λ_k начальных и конечных частиц. Зависимость T_{fi} от поляризаций можно полностью выделить, представив T_{fi} как сумму членов вида: $\Lambda_{fi}(p_k, \lambda_k) \cdot M_{fi}(p_k)$, причём Λ_{fi} — определённые матричные элементы лоренц-инвариантных комбинаций, составленных из спиновых операторов. С. п. строятся для скалярных ф-ций M_{fi} , называемых инвариантными амплитудами перехода $i \rightarrow f$. Зависимость M_{fi} от своих аргументов носит динамич. характер, и её существенные черты отражаются в аналитич. свойствах M_{fi} . В частном случае, когда и в начальном, и в конечном состоянии имеется по одной частице, $M_{fi} \equiv$

$\equiv M_{11}$ связана с ф-цией Грина в (2) соотношениями

$$G(p) = (m^2 - p^2 - i\epsilon)^{-1} + (m^2 - p^2 - i\epsilon)^{-2} M_{11}(p^2), \\ I(p^2) = (p^2 - m^2)^{-2} \text{Im} M_{11}(p^2).$$

Ряд существенных сведений об аналитич. структуре M_{fi} может быть получен из общих положений квантовой теории поля, не зависящих от конкретной модели взаимодействия.

Прежде всего, использование микропричинности и некоторых предположений о свойствах спектра масс приводит к утверждению, что всякая инвариантная амплитуда является нек-рым граничным значением аналитич. ф-ции, зависящей только от лоренц-инвариантных комбинаций 4-импульсов p_k . Это граничное значение получается, когда квадрат полной энергии

$$s = \left(\sum_{(i)} p_k \right)^2 = \left(\sum_{(f)} p_k \right)^2$$

стремится к действит. оси сверху из области аналитичности, где он комплексен и имеет положительную мнимую часть: $s = \text{Res} + i\epsilon$, $\epsilon \rightarrow +0$. Инвариантные амплитуды обладают, кроме того, свойством перекрёстной симметрии. Оно состоит в том, что амплитуды разл. каналов процесса взаимодействия $(i+f)$ частиц, т. е. амплитуды, описывающие переходы с разл. распределением данных $(i+f)$ частиц на начальные и конечные, являются различными граничными значениями одной общей аналитич. ф-ции F . Амплитуда M_{α} каждого канала (α) получается из F , когда один из аргументов F — квадрат полной энергии в данном канале, s_{α} устремлён к действит. оси сверху, а остальные аргументы принимают значения в физ. области канала.

Условие унитарности S -матрицы позволяет установить, где $\text{Im} F$ заведомо отлична от нуля. В каждом канале (α) инвариантная амплитуда M_{α} как ф-ция s_{α} имеет полюсы, соответствующие возможным одночастичным состояниям, и («физический») разрез, соответствующий многочастичным состояниям в этом канале. Характеристики этих особенностей — вычеты в полюсах и скачки на физ. разрезах — могут быть определены через матричные элементы S -матрицы с помощью той же унитарности. Напр., т. н. абсорбционная часть амплитуды (т. е. скачок амплитуды на физ. разрезе) равна

$$\Delta M_{fi} \equiv M_{fi}(s+i\epsilon) - M_{fi}(s-i\epsilon) = \\ = \sum_n \int d\Gamma_n M_{fn}(s+i\epsilon) M_{in}^*(s-i\epsilon),$$

где в правой части проводится суммирование по всем возможным промежуточным состояниям (n) и интегрирование по фазовому объёму в пространстве импульсов каждого состояния ($d\Gamma_n$ — элемент фазового объёма). Если иных особенностей, кроме требуемых унитарности, у M_{fi} нет, интеграл Коши в комплексной плоскости s_{α} представляет собой С. п. для $M_{fi}(s_{\alpha})$. Такая простая структура особенностей и составляет отличие С. п. от более общих дисперсионных соотношений. Как показывают результаты исследований амплитуды переходов с $i+f \geq 3$, в частности примеры из теории возмущений, дисперсионные соотношения для амплитуд этих переходов могут иметь т. н. аномальные разрезы, скачки на к-рых не определяются по условию унитарности. Так, для амплитуды упругого рассеяния M_{22} на основе общих положений теории удалось доказать лишь С. п. по квадрату полной энергии s при существенных ограничениях на остальные аргументы M_{22} , квадраты масс частиц и инвариантную передачу импульса t . Однако ввиду их ясного физ. смысла С. Мандельштама (S. Mandelstam) предложил принять без доказательства двойные С. п. по s и t для M_{22} хотя бы как основу простой теоретич. модели процесса взаимодействия. Если