

ранству её массы или электр. заряда; обычно говорят о т. н. среднеквадратичном радиусе распределения электр. заряда (к-рый одноврем. характеризует и распределение массы)

$$\langle r^2 \rangle^{1/2} = \left[ \int \rho_e(r) r^2 d^3r \right]^{1/2},$$

где  $\rho_e$  — нормированная плотность заряда [ $\int \rho_e(r) d^3r = 1$ ].

Элементарные частицы принято разделять на три осн. группы: калибровочные бозоны (промежуточные векторные бозоны, фотон, глюоны), лептоны и адроны. Частицы первых двух групп могут быть названы истинно элементарными. Адроны являются составными системами, построенными из кварков, и, строго говоря, элементарными частицами не являются. Соответственно резко различаются «размеры» частиц этих групп.

Калибровочные бозоны и лептоны в пределах точности выполненных измерений не обнаруживают конечных «размеров». Это означает, что их «размеры»  $< 10^{-16}$  см (по оценке на нач. 1990-х гг.). Если и в дальнейших экспериментах конечные «размеры» у этих частиц (а также кварков) не проявятся, то это может свидетельствовать о том, что «размеры» калибровочных бозонов, лептонов и кварков исчезающе малы и близки по порядку величины к фундаментальной длине (к-рая может оказаться близкой к планковской,  $10^{-33}$  см).

В отличие от истинно элементарных частиц «размеры» адронов конечны. Их характерный среднеквадратичный радиус определяется радиусом конфайнмента (или удержания кварков) и по порядку величины равен  $10^{-13}$  см. При этом он, конечно, варьирует от адрона к адрону.

Наиб. надёжно измерены среднеквадратичные радиусы, характеризующие распределение электр. заряда протона, заряженных л-мезонов и К-мезонов (см. Мезоны). Среднеквадратичный радиус распределения заряда связан простой ф-лой с формфактором частиц  $F(q^2)$  [Фурье-образом их плотности заряда,  $F(q^2) = \int \rho_e \exp(iqr) d^3r$ ]. Здесь  $q^2$  — квадрат трёхмерно-го импульса, передаваемого в процессе рассеяния. При малых  $q^2$

$$F(q^2) = 1 - \frac{1}{6} \langle r^2 \rangle q^2 + \dots$$

Измерение формфакторов протона в экспериментах по рассеянию на нём электронов, а также формфакторов л- и К-мезонов в экспериментах по рассеянию последних на электронах вещества позволило определить соответствующие среднеквадратичные радиусы:

$$\langle r_p^2 \rangle^{1/2} = (0,814 \pm 0,015) \cdot 10^{-13} \text{ см},$$

$$\langle r_{\pi^\pm}^2 \rangle^{1/2} = (0,663 \pm 0,023) \cdot 10^{-13} \text{ см},$$

$$\langle r_{K^\pm}^2 \rangle^{1/2} = (0,53 \pm 0,05) \cdot 10^{-13} \text{ см}.$$

Ошибки отражают уровень точности выполненных экспериментов.

А. А. Комаев

**РАЗМЕРНАЯ ТРАНСМУТАЦИЯ** в квантовой теории поля — формальный приём, позволяющий использовать для характеристики взаимодействия квантовых полей размерный параметр вместо безразмерной константы связи, фигурирующей в лагранжиане взаимодействия классич. полей.

Благодаря квантовым эффектам поляризации вакуума безразмерная константа характеристика классич. теории полей — константа связи  $g$  превращается в ф-цию квадрата 4-импульса,  $\bar{g}(k^2)$ , называемую эфф. к-тивной константой связи или *эффективной зарядом*. Эта ф-ция, рассматриваемая на плоскости

$k^2, \bar{g}$ , характеризуется двумя координатами — размерной абсциссой  $k^2 = \mu^2$  и безразмерной ординатой  $\bar{g} = g_\alpha$ . Новый размерный параметр  $\mu$  связан с условиями измерения, и, напр., в случае квантовой электродинамики, когда роль  $g$  играет квадрат эфф. заряда электрона  $\alpha$ ,  $\mu^2$  равен квадрату 4-импульса фотона, при помощи к-рого измеряется заряд электрона.

В частных случаях благодаря специфике поведения ф-ции эфф. заряда  $\bar{g}(k^2)$  факт наличия двух параметров, характеризующих интенсивность взаимодействия систем квантовых полей, может быть «затушеван». Так, в квантовой электродинамике, исходя из очевидных требований соответствия с классич. макроскопич. случаем, долгое время использовали «граничное значение» квадрата эфф. заряда электрона  $\alpha \equiv \bar{\alpha}(k^2 = 0)$ , равное его милликеновскому значению  $1/137$ . С др. стороны, после обработки однопетлевого приближения теории возмущений методом ренормализац. группы для эфф. заряда получают выражение, имеющее вид суммы геом. прогрессии. Напр., в квантовой хромодинамике (КХД) однопетлевого ренормгрупповое приближение для эфф. константы связи  $\bar{\alpha}_s$  [ср. с ф-лой (4) в ст. Ренормализационная группа] имеет вид

$$\bar{\alpha}_s^{-pr}(k^2) = \frac{\alpha_s}{1 + \alpha_s b_1 \ln(k^2/\mu^2)} \quad (1)$$

( $b_1$  — число). Это выражение с помощью подстановки  $\alpha_s = [b_1 \ln(\mu^2/\Lambda^2)]^{-1}$  может быть приведено к виду

$$\bar{\alpha}_s^{-pr}(k^2) = \frac{1}{b_1 \ln(k^2/\Lambda^2)}, \quad (2)$$

в к-ром два параметра  $\mu$  и  $\alpha_s$  входят через одну комбинацию

$$\Lambda = \mu \exp(1/2b_1\alpha_s).$$

Как видно, параметр  $\Lambda$  даёт ординату полюсной особенности однопетлевого приближения и поэтому также является характеристикой краевого типа. С физ. точки зрения, величина  $\Lambda$ , называемая параметром шкалы КХД, характеризует масштаб импульсной переменной  $k = \sqrt{|k^2|}$ , при к-рой  $\bar{\alpha}_s$  принимает значения, большие единицы, т. е. соответствует сильной связи.

Т. о., возможность Р. т. «в чистом виде», т. е. «превращения» одной безразмерной константы связи в одну размерную — параметр шкалы, является следствием специфики ренормгрупповой структуры выражения для эфф. заряда.

Лит. см. при ст. Ренормализационная группа.

Д. В. Ширков.

**РАЗМЕРНОСТЕЙ АНАЛИЗ** — метод установления связи между физ. величинами, существенными для изучаемого явления, основанный на рассмотрении размерностей единиц этих величин.

В основе Р. а. лежит требование: ур-ние, выражающее искомую связь, должно оставаться справедливым при любом изменении единиц входящих в него величин. Если это требование выполняется, то размерности в левой и правой частях ур-ния совпадают; если этого не происходит, то изменение к.-л. физ. величины вызовет разные изменения в обеих частях ур-ния и равенство нарушится. Неравенство размерностей левой и правой частей ур-ния может означать, что не учтена к.-л. величина, существенная для данного явления, либо в ур-ние должна входить неучтённая размерная константа. Напр., ур-ние для периода колебаний матем. маятника, длина к-рого  $l$  и масса  $m$ , можно записать в виде

$$T = l^x m^y,$$

а для размерностей оно будет иметь вид

$$T = LM,$$