

К.—Ф. э. теоретически предсказан в 1958 независимо В. Францем [1] и Л. В. Келдышем [2]. К.—Ф. э. используется для исследования зонной структуры полупроводников и измерения поля  $E$  в приповерхностной структуре полупроводников [3, 4].

Для невырожденных изотропных параболич. энергетич. зон (см. Зонная теория) коэф. поглощения света  $\alpha$  в электрич. поле  $E$  в случае прямых разрешённых переходов определяется выражением:

$$\alpha \sim (2m^*)^{1/2} \theta^{1/2} \left\{ \left[ \text{Ai}' \left( \frac{\mathcal{E}_g - \hbar\omega}{\theta} \right) \right]^2 + \frac{\mathcal{E}_g - \hbar\omega}{\theta} \times \right. \\ \left. \times \left[ \text{Ai} \left( \frac{\mathcal{E}_g - \hbar\omega}{\theta} \right) \right]^2 \right\}. \quad (1)$$

Здесь  $\theta = (\hbar e E)^{1/2} / (2m^*)^{1/2}$ ;  $m^* = m_e + m_d$ ;  $m_e$  — эффективная масса электрона проводимости,  $m_d$  — дырки,  $\text{Ai}$  — функция Эйри. При  $\hbar\omega < \mathcal{E}_g$  и  $\mathcal{E}_g - \hbar\omega \gg \theta$ :

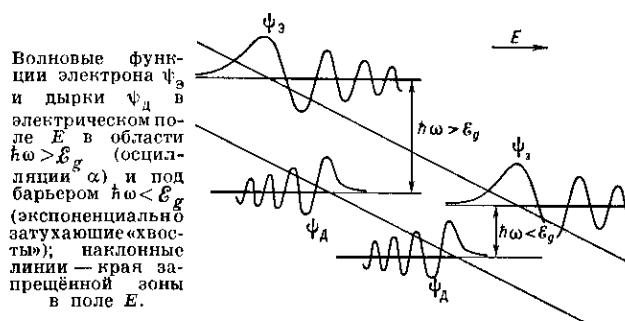
$$\alpha \sim \frac{e\hbar E}{m^*(\mathcal{E}_g - \hbar\omega)} \exp \left[ -\frac{4\sqrt{2m^*}(\mathcal{E}_g - \hbar\omega)^{1/2}}{3\hbar e E} \right]. \quad (2)$$

Из (2) видно, что  $\alpha \neq 0$  и поглощение экспоненциально спадает с увеличением параметра  $(\mathcal{E}_g - \hbar\omega)/\theta$  (т. к. при больших положит. аргументах  $\text{Ai}$  экспоненциально затухает).

При  $\hbar\omega > \mathcal{E}_g$  и  $\hbar\omega - \mathcal{E}_g \gg \theta$ , т. е. в области больших отрицат. аргументов, ф-ция  $\text{Ai}$  и, следовательно,  $\alpha$  имеют осциллирующий характер:

$$\alpha \sim (2m^*)^{1/2} \left\{ (\hbar\omega - \mathcal{E}_g)^{1/2} \frac{\hbar e E}{4\sqrt{2m^*}(\hbar\omega - \mathcal{E}_g)} \times \right. \\ \left. \times \cos \left[ \frac{4\sqrt{2m^*}(\hbar\omega - \mathcal{E}_g)^{1/2}}{3\hbar e E} \right] \right\}. \quad (3)$$

Первое слагаемое в (3) соответствует поглощению в отсутствие поля ( $E=0$ ), второе описывает келдыш—францевские осцилляции, затухающие с ростом  $\hbar\omega$ .



Ф-лы (2, 3) имеют простой физ. смысл. В электрич. поле энергетич. зоны наклоняются (рис.). Если суммарная энергия электрона и дырки, равная  $\hbar\omega$ , больше  $\mathcal{E}_g$ , то в этом случае волновые ф-ции электрона  $\psi_e$  и дырки  $\psi_d$  перекрываются; коэф. поглощения  $\alpha$  велик, а его осцилляции объясняются интерференцией падающей и отражённой от потенц. барьера (обусловленного полем  $E$ ) электронных волн. Интерференц. картина частично сглаживается после усреднения по направлениям движения. При суммарной энергии  $\hbar\omega < \mathcal{E}_g$  классически доступные области для электрона и дырки пространственно разделены, однако их волновые ф-ции  $\psi_e$  и  $\psi_d$  всё же перекрываются своими экспоненциальными «хвостами» под барьером. Т. о., в электрич. поле поглощение при  $\hbar\omega < \mathcal{E}_g$  пропорц. вероятности туннелирования электрона и дырки под барьером.

В реальных кристаллах энергетич. зоны могут быть анизотропны и вырождены. В этом случае при  $\hbar\omega < \mathcal{E}_g$

возникает зависимость коэф. поглощения  $\alpha$  от поляризации света. При  $\hbar\omega > \mathcal{E}_g$  в (3) появляются два осциллирующих слагаемых (отвечающие тяжёлым и лёгким дыркам), каждое со своей поляризац. зависимостью; возникают биения.

Кулоновское притяжение электрона и дырки (экситонный эффект) при  $\hbar\omega < \mathcal{E}_g$  увеличивает  $\alpha$  на 3 порядка как за счёт понижения потенц. барьера кулоновским полем, так и за счёт увеличения вероятности нахождения электрона и дырки в одной точке. При  $\hbar\omega > \mathcal{E}_g$  кулоновское притяжение также сильно увеличивает поглощение, изменяет период и фазу осцилляций, но не влияет на их относит. амплитуду.

Наиб. ярко К.—Ф. э. проявляется в спектрах электроотражения, где при  $\hbar\omega > \mathcal{E}_g$  также возникают осцилляции, аналогичные (3). В Ge наблюдалось ок. 10 осцилляций электроотражения, что позволило идентифицировать вклады лёгких и тяжёлых дырок, а также выделить эффекты непарabolичности зон.

Лит.: 1) Franz W., Einfluss eines elektrischen Feldes auf eine optische Absorptionskante, «Z. Naturforsch.», 1958, Bd 13A, S. 484; Келдыш Л. В., О влиянии сильного электрического поля на оптические характеристики непроводящих кристаллов, «ЖЭТФ», 1958, т. 34, с. 1138; 2) Карданов М., Модуляционная спектроскопия, пер. с англ., М., 1972; 3) Аронов А. Г., Иоселевич А. С., Электрооптика экситонов, в кн.: Экситоны, под ред. Э. И. Рашба, М. Д. Стерджа, М., 1985.

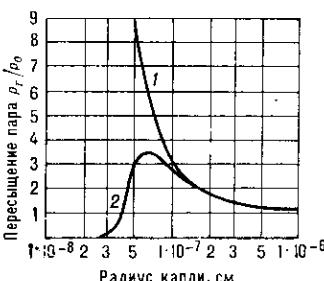
**КЕЛЬВИН** (К) — единица термодинамич. темп-ры, одна из основных в СИ; К. равен 1/273,16 части термодинамич. темп-ры тройной точки воды. Названа в честь У. Томсона (lorda Кельвина; W. Thomson, Lord Kelvin). До 1968 именовалась градус Кельвина ( $^{\circ}\text{K}$ ). Применяется как единица Международной практической температурной шкалы, 1 К= $1^{\circ}\text{C}$ .

**КЕЛЬВИНА УРАВНЕНИЕ** — зависимость давления насыщ. пара (или растворимости твёрдых тел) от кривизны поверхности раздела двух существующих фаз (т. е. от размера малых капелек жидкости, пузырьков, кристалликов). При данной темп-ре  $T$  в равновесных условиях

$$\frac{p}{p_0} = \exp \left( \frac{2\sigma V}{rRT} \right) = \frac{c}{c_0},$$

где  $r$  — ср. радиус кривизны поверхности раздела фаз,  $p$  — давление насыщ. пара над сферич. поверхностью,  $p_0$  — давление насыщ. пара над плоской поверхностью в тех же условиях ( $c$  и  $c_0$  — соответственно растворимости),  $\sigma$  — межфазное поверхностное натяжение,  $V$  — молярный объём конденсированной фазы,  $R$  — универсальная газовая постоянная. Величина  $2\sigma/r$  наз. капиллярным давлением. В случае выпуклых поверхностей (капли, кристаллы)  $r > 0$ , в случае вогнутых поверхностей (пузырьки)  $r < 0$ .

К. у. впервые выведено У. Томсоном (lordом Кельвином) в 1871 из условия равенства химических потенциалов в смежных фазах, находящихся в термодинамич. равновесии. Из К. у. следует, что давление над частицами малых размеров повышено, а в малых пузырьках или над вогнутой поверхностью понижено по сравнению с давлением насыщ. пара над плоской поверхностью. Соответственно растворимость малых капелек или кристаллов выше растворимости крупных капелек или кристаллов. Пересящение  $(p - p_0)/p_0$  становится заметным лишь для очень малых частиц (рис.).



Равновесное насыщение пара у поверхности капель воды с различными  $r$ : 1 — для незаряженных капель; 2 — для капель с одиничным зарядом.