

ального прибора  $Y=1$ . Высокочувствительным считается прибор с  $Y=0,1 \div 0,4$ . К. в. зависит от способа регистрации частиц (фотоэлектронная эмиссия, люминесценция и т. д.), состояния и свойств приёмника, энергии частиц. Напр., для фотоэлектронного прибора соотношение между спектральной чувствительностью  $S_\lambda [a/Bt]$  на длине волны  $\lambda [\text{мкм}]$  и квантовым выходом  $Y$  [электроны/фотон]

$$Y = \frac{hc}{e\lambda} S_\lambda = 1,242 \frac{S_\lambda}{\lambda}.$$

**КВАНТОВЫЙ ГАЗ** — разреженный газ, состоящий из частиц, дебройлевская длина волны  $\lambda$ -рых намного превышает их радиус взаимодействия. Условие разреженности газа  $N | a^3 | \ll 1$  ( $N$  — число частиц в единице объёма,  $a$  — длина рассеяния частиц, характеризующая их радиус взаимодействия) означает, что К. г. является почти идеальным газом с распределением частиц по энергиям, близким к даваемому *Бозе*—*Эйнштейна статистикой* или *Ферми*—*Дирака статистикой* в зависимости от спина частиц. Дебройлевская длина волны  $\Lambda \sim \hbar/(m\varepsilon)^{1/2}$  ( $\varepsilon$  — характеристическая энергия частиц массы  $m$ ), поэтому условие  $\Lambda \gg |a|$  ведёт к след. ограничению на темп-ру  $T$  К. г.:

$$kT \ll \frac{\hbar^2}{ma^2} = kT_*$$
(\*)

Условие (\*) является наименее жёстким для изотопов Не или И, для к-рых  $T_* = \hbar^2/ma^2k \sim 1\text{K}$ . Для более тяжёлых элементов условие (\*) ограничивает не только темп-ру, но и плотность К. г., поскольку темп-ра  $T$  должна превосходить темп-ру конденсации газа, что возможно только при малой плотности. Понятие К. г. используют также для газа электронов или квазичастиц твёрдого тела. О неидеальных К. г. см. *Бозе-газ*, *Ферми-газ*, *Квантовая жидкость*.

Свойства К. г. зависят от степени его вырождения. Вырождения температура  $T_0$  зависит от плотности газа,  $T_0 \sim \hbar^2 N^{1/3} / mk = T_* a^2 N^{1/3}$ . При  $T \gg T_0$  газ является невырожденным и распределение частиц по энергиям (скоростям) описывается *Больцмана распределением* (*Максвелла распределением*). При этом связанные с неидеальностью К. г. поправки к термодинамич. характеристикам обычного классич. идеального газа (т. е. его виртуальные коэффициенты; см. *Виртуальное разложение*) определяются разложением по малой величине  $N a^3$ . В случае  $T \ll T_0$  К. г. попадает в область квантового вырождения и представляет собой в зависимости от статистики частиц слабо неидеальный вырожденный ферми- или бозе-газ. В этом случае  $\varepsilon \sim kT_0$  и условие  $\Lambda \gg |a|$  сводится к условию  $T \ll T_0 \ll T_*$ , причём неравенство  $T_0 \ll T_*$  фактически эквивалентно условию разреженности газа  $N^{1/3} |a| \ll 1$ . При  $T \gg T_0$  свойства ферми- и бозе-газов во многом сходны между собой, свойства же вырожденных К. г. принципиально различаются.

**Ферми-газ.** В вырожденном газе фермионов при  $T \ll T_0$  зависимость характеристик газа от темп-ры определяется разложением по  $T/T_0$ , а учёт неидеальности сводится к разложению по параметру  $N^{1/3}a$ . При  $T=0$  частицы К. г. фермионов заполняют в импульсном пространстве ферми-сферу радиуса  $r_F = \hbar(6\pi^2 N/g)^{1/3}$ ,  $g=2S+1$  ( $S$  — спин частиц), наз. фермиевским импульсом. В гл. приближении по плотности (без поправок на неидеальность газа) граничная энергия Ферми,  $\varepsilon_F = r_F^2/2m$ , совпадает с темп-рой вырождения,  $\varepsilon_F = kT_0$ . Для частиц с определ. значением проекции спина  $\sigma$  ф-ция распределения  $n_\sigma$  по импульсам  $p$  (энергиям  $\varepsilon$ ) имеет вид т. н. фермиевской ступеньки и равна  $n_\sigma(p) = 1[n_\sigma(\varepsilon)=1]$  при  $p < p_F (\varepsilon < \varepsilon_F)$  и  $n_\sigma(p) = 0$  [ $n_\sigma(\varepsilon)=0$ ] при  $p > p_F (\varepsilon > \varepsilon_F)$ . При  $0 < T \ll T_0$  вид ф-ции распределения практически сохраняется, но появляется

ся узкая переходная область ширины  $kT$  вблизи граничной энергии  $\varepsilon \sim \varepsilon_F$  (область размытия ступеньки), в к-рой ф-ция распределения плавно меняется от 1 до 0. Уравнение состояния вырожденного идеального ферми-газа при  $T=0$  имеет вид  $P = (6\pi^2/g)^{2/3} \hbar^2 N^{5/3} / 5m$ , где  $P$  — давление газа. Уд. теплоёмкость такого газа при  $T \rightarrow 0$  линейна по темп-ре,  $C = (\pi g/6)^{2/3} m^5 / -2N^{1/3} k^2 T + \dots$ , причём отброшены члены  $\sim (T/T_0)^3$ . Учёт взаимодействия (неидеальности газа) приводит в этом выражении к замене массы частиц  $m$  на эф. массу  $m^*$ , отличающуюся от  $m$  малыми поправками  $\sim N^{2/3} a^2$ . Магн. восприимчивость вырожденного ферми-газа практически не зависит от темп-ры (см. *Паули параметризм*, *Ландау диамагнетизм*). Если ср. энергия частиц сравнима с  $mc^2$  ( $c$  — скорость света), существенны релятивистские эффекты. В ультрарелятивистском случае энергия частицы пропорц. импульсу:  $\varepsilon = cp$ , тогда ур-ние состояния газа имеет вид  $P = (6\pi^2/g)^{1/3} \hbar c N^{4/3} / 4$ , а его уд. теплоёмкость равна  $C = (g\pi^4/6)^{1/3} N^{2/3} k^2 T / 3c\hbar$ .

Принципиальной особенностью вырожденных ферми-систем, в т. ч. и ферми-газа, является возможность распространения слабозатухающих высокочастотных колебаний с  $\omega \gg 1$  ( $\omega$  — частота колебаний,  $\tau$  — характерное время релаксации). При  $a > 0$  в газе может распространяться *нулевой звук* [колебания ф-ции распределения частиц  $\text{Sp}_\sigma n_\sigma(p)$ ], а при  $a < 0$  — *спиновые волны* [колебания распределения спиновой плотности  $\text{Sp}_\sigma \sigma n_\sigma(p)$ ]. Скорость распространения и таких волн в разреженном вырожденном ферми-газе близка к фермиевской скорости  $v_F = p_F/m$ . Эксперим. наблюдение этих колебаний в разреженном газе, вследствие сильного *Ландау затухания*, возможно только при крайне низких темп-рах. При  $T < T_c \sim T_0 \exp(-\pi\hbar/2p_F|a|)$  вырожденный ферми-газ с притяжением между частицами ( $a < 0$ ) неустойчив по отношению к спариванию (см. *Купера эффект*), что ведёт к *сверхтекучести* (сверхпроводимости) системы.

**Бозе-газ.** Вырожденный бозе-газ с притяжением между частицами всегда неустойчив и существовать не может, поскольку для него не выполняется условие термодинамич. устойчивости системы  $\partial P/\partial V < 0$ , где  $V$  — объём. При  $T < T_0$  происходит *Бозе*—*Эйнштейна конденсация*: в газе появляется макроскопически большое число частиц с нулевой энергией ( $\varepsilon=0$ ). Это явление, тесно связанное с явлением *сверхтекучести*, по-видимому, можно наблюдать в газе экситонов, в газе атомов <sup>4</sup>Не, адсорбированных на пористом стекле и в спиновополяризованном атомарном водороде.

**Спиновая поляризация газов.** В К. г. возможны макроскопич. квантовые явления при любой степени вырождения, особенно ярко проявляющиеся при спиновой поляризации, когда концентрации частиц с разл. проекциями спина различны, напр. вследствие включения магн. поля. К подобным квантовым явлениям относятся магнитокинетич. эффекты и возможность распространения спиновых волн в спиновополяризованных К. г. Магнитокинетич. эффекты соответствуют практически неогранич. росту длины свободного пробега и кинетич. коэф. (напр., вязкости и теплопроводности) в разреженном газе фермионов при спиновой поляризации газа. Это — макроскопич. проявление принципа Паули и квантовомеханич. тождественности частиц. Условие  $\Lambda \gg |a|$  означает, что характерные скорости частиц газа малы, а их рассеяние друг на друга сводится, согласно квантовой теории рассеяния, в основном к *s*-рассеянию (рассеянию с нулевым орбитальным моментом относительного движения частиц). Для *s*-рассеяния тождеств. частиц существенны только столкновения частиц с чётным суммарным спином. При спиновой поляризации частиц со спином  $S$  всё большее число частиц оказывается в состоянии с проекцией спина  $+S$  и не даёт вклада в *s*-рассеяние при столкновениях между собой (2S для