

Если взаимодействие в системе зависит лишь от относит. расстояний между частицами и отсутствуют внеш. поля, нарушающие однородность пространства, то полный импульс  $\mathbf{P} = \mathbf{p}_1 + \mathbf{p}_2 + \dots + \mathbf{p}_n$  сохраняется и его можно обратить в 0, переходя в систему центра масс частиц. В результате число независимых импульсов, от к-рых зависит волновая ф-ция, уменьшается на единицу.

Сопоставим И. п. с конфигурационным представлением, ограничиваясь для простоты случаем одной частицы. Пусть  $\varphi(\mathbf{p}) = \langle \mathbf{p} | \psi \rangle$  — волновая ф-ция данной частицы в И. п. По определению, оператор импульса  $\hat{\mathbf{p}}$  при этом диагонален:  $\hat{\mathbf{p}}\varphi(\mathbf{p}) = \mathbf{p}\varphi(\mathbf{p})$ . Оператор координаты выглядит как  $\hat{x} = i\hbar\partial/\partial\mathbf{p}$ , что согласуется с перестановочными соотношениями  $\{x_i, p_k\} = i\hbar\delta_{ik}$  ( $i=1, 2, 3$ ),  $\delta_{ik}$  — символ Кронекера. Переход к конфигурац. представлению, в к-ром волновая ф-ция частицы имеет вид  $\varphi(x) = \langle x | \psi \rangle$ , осуществляется с помощью трёхмерного преобразования Фурье:

$$\begin{aligned}\varphi(x) &= \langle x | \psi \rangle = \int \langle x | \mathbf{p} \rangle d\mathbf{p} \langle \mathbf{p} | \psi \rangle = \\ &= \frac{1}{(2\pi)^{3/2}} \int \exp(ix\mathbf{p}) d\mathbf{p} \varphi(\mathbf{p}).\end{aligned}$$

Обратное преобразование отличается знаком в показателе экспоненты:

$$\varphi(\mathbf{p}) = \frac{1}{(2\pi)^{3/2}} \int \exp(-i\mathbf{p}x) dx \varphi(x).$$

Симметрия между п. ямым и обратным преобразованиями Фурье является причиной сходства формулировок теории в импульсном и конфигурац. представлениях. В нек-рых случаях эти две формулировки оказываются тождественными. Так, операторы угл. момента  $\hat{L}_i$  ( $i=1, 2, 3$ ) имеют один и тот же вид в обоих представлениях:

$$\begin{aligned}\hat{L}_3\varphi(x) &= \frac{\hbar}{i} \left( x_1 \frac{\partial}{\partial x_2} - x_2 \frac{\partial}{\partial x_1} \right) \varphi(x), \\ \hat{L}_3\varphi(\mathbf{p}) &= \frac{\hbar}{i} \left( p_1 \frac{\partial}{\partial p_2} - p_2 \frac{\partial}{\partial p_1} \right) \varphi(\mathbf{p})\end{aligned}$$

и т. п. Ещё один подобный пример даёт задача о линейном гармонич. осцилляторе с гамильтонианом

$$\hat{H} = \hat{p}^2/2m + m\omega^2\hat{x}^2/2$$

( $m$  — масса осциллятора,  $\omega$  — частота). При её решении можно применять как И. п., так и конфигурац. представление. В обоих случаях волновая ф-ция будет выражаться через полиномы Эрмита (см. *Ортогональные полиномы*), что находится в соответствии с инвариантностью этих полиномов относительно преобразования Фурье.

Наиб. важное и адекватное применение И. п. находит в квантовомеханич. теории рассеяния, в частности в формализме Липмана—Швингера (см. *Липмана—Швингера уравнение*). Особенно возрастает роль И. п. при переходе к релятивистскому описанию взаимодействий частиц в *квантовой теории поля*, где оно объединяется с энергетич. представлением в рамках одного четырёхмерного  $p$ -представления. Конфигурац. представление здесь менее употребительно ввиду невозможности локализации релятивистских частиц с точностью лучшеей, чем комptonовская длина волны  $\hbar/mc$ .

В. Г. Кадышевский.

**ИМПУЛЬСНОЕ ПРОСТРАНСТВО**, пространство, точки к-рого определяют значения импульсов структурных элементов (частиц) системы. В общем случае — пространство обобщённых импульсов — временных, канонических сопряжённых обобщённым координатам. Размерность И. п. равна полному числу обобщённых координат, т. е. числу степеней свободы  $S$ . Так, для системы  $N$  частиц без внутр. степеней свободы размерность И. п.  $S=3N$ .

И. п. является подпространством, образующим вместе с пространством обобщённых координат *фазовое пространство* системы. При классич. описании (замкнутой) системы с  $S$  степенями свободы каждое состояние системы в любой момент времени полностью определяется значением  $S$  обобщённых координат  $q_i$  и  $S$  обобщённых импульсов  $p_i$ , т. е. задаётся определ. точкой в фазовом пространстве. Соответственно каждая точка И. п. однозначно фиксирует импульсы составляющих систему частиц. В квантовой механике, согласно *неопределённостей соотношению*, частицы не могут характеризоваться одновременно точно определёнными значениями координат и импульсов. Поэтому имеет смысл говорить только о числе состояний  $\Delta\Gamma(q_i, p_i)$  в данном (малом) объёме фазового пространства  $\Pi\Delta p_i\Delta q_i$  вокруг точки с координатами  $\{q_i, p_i\}$ . При этом число состояний в И. п.  $\Delta\Gamma(p_i)$  получается из  $\Delta\Gamma(q_i, p_i)$  суммированием по всем точкам пространства обобщённых координат  $q_i$  (см. *Плотность состояний*). Для систем, допускающих квазиклассич. описание,  $\Delta\Gamma = \Pi\Delta q_i\Delta p_i/(2\pi\hbar)^S$ . Кроме того, описание квантовомеханич. систем носит вероятностный характер и обеспечивается заданием матрицы плотности (для замкнутых систем — волновых ф-ций). Каждой точке И. п. соответствует определ. матрица плотности системы в импульсном представлении, что позволяет определить все усреднённые характеристики системы в этой точке и импульсные распределения (см. *Импульсное представление в квантовой механике*). Состояние системы полностью характеризуется определ. значениями импульсов составляющих её частиц только для системы свободных невзаимодействующих частиц.

В мн. задачах удобно переходить от пространств. описания систем к импульсному, при к-ром обычное конфигурац. пространство отображается, как правило преобразованием Фурье, в И. п., а пространств. дифференцированию или интегрированию соответствуют алгебраич. операции.

В физике твёрдого тела под И. п. понимают пространство *квазимпульсов*. В этом случае области физически различных состояний *квазичастиц* в И. п. соответствует одна элементарная ячейка обратной решётки кристалла (см. *Бриллюзия зона*). В И. п. задаётся большинство свойств квазичастиц в твёрдых телах — энергетич. спектры и зоны, поверхность Ферми и пр. (см. *Зонная теория*), а также ф-ции распределения (матрицы плотности), волновые ф-ции и Грина функции квазичастиц в импульсном представлении.

А. Э. Мейерович.

**ИМПУЛЬСНЫЕ УСТРОЙСТВА** — устройства, предназначенные для генерирования и преобразования импульсных сигналов, а также сигналов, форма к-рых характеризуется быстрыми изменениями, чередующимися со сравнительно медленными процессами (паузами).

И. у. применяют в разл. радиоэлектронных устройствах и электронных системах, включая ЭВМ. Они входят в состав многих физ. приборов и установок, в частности связанных с физикой элементарных частиц: ускорителей, анализаторов излучений и др. В эксперим. ядерной физике процессы в *детекторах* частиц преобразуются в электрич. импульсы, к-рые затем подвергают временному и амплитудному анализу. При временному анализе устанавливают временные характеристики одиночных импульсов и потоков импульсов. Амплитудный анализ состоит в установлении распределения амплитуд импульсов (см. *Амплитудный анализатор*, *Амплитудный дискриминатор*).

**Импульсы**. В большинстве случаев в И. у. используют в и де о и м п у л ѿ с ы — кратковрем. унипольлярные изменения тока или напряжения, разделённые паузами (см. также *Импульсный сигнал*). Различают след. элементы видеомпульса: резкий подъём (фронт), медленно меняющуюся часть (вершину), быстрый спад