

Электроны и дырки, примесные уровни. При повышении темперы в полупроводниках и диэлектриках в соответствии с (4), (5) электроны начинают переходить из валентной зоны в зону проводимости, образуя пустые места в валентной зоне, наз. дырками. Движение носителей заряда в валентной зоне обычно описывают как движение дырок. Каждой дырке приписываются заряд и волновой вектор, равные с обратным знаком заряду и волновому вектору отсутствующего электрона. Энергия дырки $\epsilon_d(k) = -\epsilon_a(-k) = -\epsilon_g(k)$, и вероятность заполнения дырочных состояний определяется функцией Ферми дырок:

$$f_d(\epsilon) = 1 - f_a(\epsilon) = \left[\exp \frac{\epsilon + \epsilon_F}{kT} + 1 \right]^{-1}. \quad (6)$$

В полуметаллах движение носителей в нижней из перекрывающихся зон также описывают как движение дырок.

В металлах с замкнутыми поверхностями Ферми последние могут ограничивать либо область энергий с $\epsilon(k) \leq \epsilon_F$, либо область с $\epsilon(k) > \epsilon_F$. В последнем случае движение носителей заряда описывается как движение дырок с $\epsilon_d(k) < -\epsilon_F$. Число пустых мест, ограниченных этой поверхностью, наз. числом дырок, тогда как в первом случае число электронов в области, где $\epsilon_a(k) < \epsilon_F$, наз. числом электронов проводимости. Практически во всех металлах с замкнутыми поверхностями Ферми (кроме щелочных металлов) есть и электроны и дырки.

Во всех кристаллах имеются уровни, связанные с дефектами кристаллич. решётки и чужеродными атомами. Заполнение уровней примеси также определяется (4). В металлах, имеющих большое число свободных электронов, переходы носителей с примеси в зоны не играют заметной роли. В полупроводниках и диэлектриках (а также в полуметаллах с большой концентрацией примеси) концентрация носителей при не очень высоких темп-рах определяется числом электронов, перешедших с донорных уровней в зону проводимости, или числом электронов валентной зоны, захваченных акцепторами с образованием дырок [9, 10].

Паряду с объёмными уровнями в кристалле имеются **поверхностные состояния**. Волновая ф-ция электронов в этих состояниях локализована вблизи поверхности кристалла, внутри него. Различают собственные поверхности состояния (уровни Тамма) и примесные. Уровни Тамма возникают в результате «обрыва» решётки на границе и искажения приповерхностных ячеек. Эти уровни образуют цепь вдоль осей зоны. Примесные поверхностные уровни связаны с дефектами и чужеродными атомами на поверхности.

Обычно энергия электрона над зоной проводимости меньше его энергии в вакууме, однако в исключительных случаях — напр., в кристаллич. и жидкок гелии (см. Гелий твёрдый) — дно зоны проводимости лежит выше уровня покоящегося электрона в вакууме и поэтому электроны из вакуума не могут проникнуть в кристалл; однако они, поляризуют кристалл, притягиваются к нему индуцированным на поверхности зарядом. В результате образуются поверхностные состояния с волновой ф-цией, локализованной вне кристалла у его поверхности.

Основные методы расчёта зон. В первых расчётах зонной структуры использовались приближения слабой и сильной связи. В методе слабой связи в качестве нулевого приближения берутся волновые ф-ции свободного электрона (плоские волны), а периодическое поле кристалла рассматривается как возмущение. В этой модели электронный спектр $\epsilon(k)$ почти во всём k -пространстве описывается той же ф-цией, что и для свободного электрона:

$$\epsilon(k) = \frac{\hbar^2 k^2}{2m_0}, \quad (7)$$

где m_0 — масса свободного электрона, и лишь у границы зоны Бриллюэна испытывает разрывы (рис. 1, б).

Эти разрывы связаны с брэгговским отражением электронов в кристалле; волновые векторы, для которых выполняется условие брэгговского отражения (см. Брэгга — Вульфа условие), как раз образуют поверхности зоны Бриллюэна. При этом каждая из граней зоны соответствует отражению от системы определённых плоскостей прямой решётки. В отличие от состояний внутри ЗБ, которым соответствуют бегущие волны (1), всем состояниям на её поверхности соответствуют стоячие волны.

Приближение слабой связи хорошо описывает электронный спектр простых металлов. Для определения формы их поверхности Ферми достаточно провести вокруг узла обратной решётки сферу, определённую условием $k_F^3 = 3\pi^2 N/V$, где k_F — фермиевский импульс, N — число валентных электронов (метод Харрисона [7]). Если эта сфера выходит за пределы ЗБ, то форма поверхности Ферми оказывается несферической.

Если возмущающий потенциал не мал, то волновую ф-цию (1) можно разложить по векторам обратной решётки \mathbf{g} :

$$\psi_k(r) = \exp(ikr) \sum_g G_g \exp(igr), \quad (8)$$

и задача сводится к решению секулярного ур-ния:

$$\det \left[\left[\frac{\hbar^2}{2m_0} (k - g)^2 - \epsilon \right] \delta_{gg'} + V_{gg'} \right] = 0. \quad (9)$$

Т. к. волновая ф-ция валентных электронов ортогональна волновым ф-циям нижележащих состояний, она сильно осциллирует вблизи атомных островов. Поэтому вклад в энергию валентных электронов от области атомного острова мал и истинный «сильный» потенциал может быть заменён более слабым сглаженным псевдопотенциалом, что соответствует включению в (9) лишь матричных элементов $V_{gg'}$ с небольшими $g = |g - g'|$. Для расчёта псевдопотенциала предложен ряд методов, из которых наиб. часто используют методы ортогонализованных плоских волн (ОПВ) и присоединённых плоских волн (ППВ). При этом в обоих методах псевдопотенциал оказывается нелокальным, т. е. включает и компоненты $V_{gg'}$, зависящие от g и g' по отдельности [6, 9].

В эмпирич. методе псевдопотенциала $V_{gg'}$ не рассчитываются, а подбираются, с тем чтобы значения $\epsilon_\mu(k)$ в выбранных точках ЗБ совпадали с определёнными экспериментально. Потенциалы $V_{gg'}$ можно представить как сумму вкладов от атомов решётки. Последние записываются в виде произведения структурного фактора, зависящего только от положения атома в ячейке, и формфактора атомных потенциалов, которые определяются только типом атома и практически не зависят от соединения, куда этот элемент входит. Это даёт возможность, определив псевдопотенциалы данных атомов из спектров одних веществ, рассчитывать затем спектр друг. соединений, образованных ими.

Метод сильной связи. В качестве базисных ф-ций выбираются волновые ф-ции изолированных атомов $\psi_a(r)$, и ф-ция нулевого приближения, удовлетворяющая (1), записывается в виде:

$$\psi_k(r) = \frac{1}{VN} \sum_{v=1}^N \exp(ikr_v) \psi_a(r - r_v), \quad (10)$$

где \mathbf{r}_v — координата v -го атома в решётке. При этом перекрытие волновых ф-ций соседних атомов считается малым и соответствующий вклад в энергию $\epsilon(k)$ рассчитывается по теории возмущений. Обобщением этого метода является метод линейных комбинаций атомных орбиталей (ЛКАО), где в качестве базиса выбирается набор неск. атомных волновых ф-ций, включая волновые ф-ции возбуждённых состояний [11]. В эмпирич. методе ЛКАО интегралы перекрытия не рассчитываются, а подбираются так, чтобы получаемый спектр $\epsilon(k)$