

ков зависят от строения (атомного состава и структуры) и размера рассеивающего объекта, а также длины волны де Броиля частиц.

Д. ч.— следствие их волновой природы. Идея Л. де Броиля о *корпускулярно-волновом дуализме* материи впервые получила эксперим. подтверждение с открытием дифракции электронов (1927); позднее наблюдалась также дифракция атомов, молекул, нейтронов, протонов.

Поведение микрочастиц подчиняется квантовым законам и описывается *Шредингера уравнением* (в нерелятивистском приближении):

$$\Delta\psi + \frac{2m}{\hbar^2} [E - U(x, y, z)] \psi = 0, \quad (1)$$

где  $\psi$  — волновая ф-ция частицы,  $E$  и  $U$  — её полная и потенц. энергии.

В соответствии с общей постановкой задачи дифракции решение этого ур-ния представляет собой сумму двух ф-ций:  $\psi_0 + \psi_s$ , где ф-ция  $\psi_0$  свободного движения частицы ( $U=0$ ) имеет вид плоской волны:

$$\psi_0 = A \exp(ik_0z), \quad (2)$$

где  $k_0 = 2\pi/\lambda$ , а длина волны  $\lambda = 2\pi\hbar/mv = 2\pi\hbar/\sqrt{2mE}$ , т. е. определяется массой  $m$  и энергией  $E$  (или импульсом  $mv$ ,  $v$  — скорость) частицы, а  $\psi_s$  — ф-ция дифрагированных (рассеянных) частиц, не содержащая в себе волн, идущих из бесконечности (*причины принцип*). Нач. волна  $\psi_0$  взаимодействует с объектом, характер этого взаимодействия и строение объекта описываются ф-цией  $U(x, y, z)$ . Решение ур-ния (1) даёт описание дифракц. картины в реальном координатном пр-ве, причём  $|\psi_s|^2$  определяет вероятность попадания рассеянной частицы в данную точку.

При дифракции частиц того или иного сорта проявляется физ. специфика их взаимодействия с веществом. Так, рассеяние электронов определяется эл.-статич. потенциалом атомов  $\Phi(\mathbf{r})$ , так что  $U=e\Phi(\mathbf{r})$ , где  $e$  — заряд электрона; при рассеянии нейтрона осн. вклад в потенц. энергию  $U$  вносит их взаимодействие с ядром, а также смагн. моментом атома (см. *Дифракция электронов*, *Дифракция нейтронов*, *Дифракция атомов и молекул*). Тем не менее явления Д. ч. всех типов, а также *дифракции рентгеновских лучей* очень сходны и описываются одинаковыми или очень близкими ф-лами, различающимися множителями — атомными амплитудами. Ми. явления дифракции света также находят аналоги в Д. ч.

Д. ч. используется в структурном анализе вещества (см. *Нейтронография*, *Электронная микроскопия*, *Электронография*).

*Лит.*: Тартачковский П. С., Экспериментальные основания волновой теории материи, Л.—М., 1932; Пинкер З. Г., Дифракция электронов, М.—Л., 1949; Вайнштейн Б. К., Структурная электронография, М., 1956; Каули Дж., Физика дифракции, пер. с англ., М., 1979; Laue M. von, Materiewellen und ihre Interferenzen, 2 Aufl., Lpz., 1948.

Б. К. Вайнштейн.

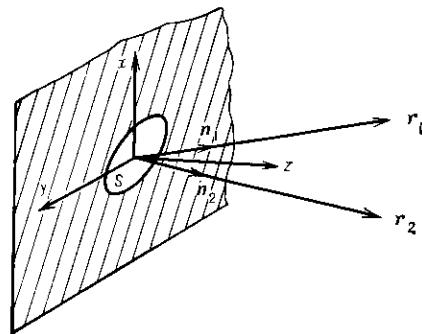
**ДИФРАКЦИЯ ЧАСТИЧНО КОГЕРЕНТНЫХ ПОЛЕЙ** — спец. случай дифракции (в оптике, радиофизике, акустике), когда падающая волна является частично когерентной (см. *Когерентность*). Флуктуации падающей волны приводят к аналогичным флуктуациям дифрагированной волны и влияют на её статистич. характеристики, такие как распределение ср. интенсивности, ср. диаграмма направленности, ср. размеры дифракц. пятен в фокусах линз и т. д. Если, напр., в оптич. системе регистрируются средние по времени величины, к-рые при наличии эргодичности совпадают со средними по статистическому ансамблю, то частичная когерентность падающей волны может изменяться (как уменьшать, так и увеличивать) пределы разрешения такой системы.

Оси. черты Д. ч. к. п. наглядно видны на простейшем примере дифракции случайного монохроматич. поля  $u_0$  на отверстии  $S$  в плоском экране (рис.). Пусть

ср. значение  $\langle u_0 \rangle = 0$  и поле  $u_0$  в плоскости  $z=0$  характеризуется ф-цией когерентности

$$\Gamma^0(\rho_\perp) = \langle u_0(\mathbf{r}_\perp + \rho_\perp) u_0^*(\mathbf{r}_\perp) \rangle$$

( $\mathbf{r}_\perp$  — поперечная относительно  $z$  компонента  $\mathbf{r}$ ,  $*$  — комплексное сопряжение). Выразив дифрагированное поле  $u$  при  $z>0$  через  $u_0$  в приближении Кирхгофа



(см. *Кирхгофа метод*), для ср. интенсивности  $I$  дифрагированного поля вдали от отверстия получим:

$$I = \langle |u(\mathbf{r})|^2 \rangle \sim \\ \sim \int M(\mathbf{R}_\perp + \rho_\perp/2) M(\mathbf{R}_\perp - \rho_\perp/2) \Gamma^0(\rho_\perp) \times \\ \times \exp(2\pi i \lambda^{-1} \mathbf{n} \cdot \mathbf{R}_\perp) d\mathbf{R}_\perp d\rho_\perp. \quad (*)$$

Здесь  $\lambda$  — длина волны,  $\mathbf{n} = \mathbf{r}/r$  — единичный вектор, определяющий угловое распределение  $I$ ,  $M(\mathbf{r}_\perp)$  — ф-ция пропускания отверстия, равная единице на  $S$  и нулю — вне  $S$ , и опущен медленно меняющийся коэф. пропорциональности.

В случае когерентной падающей волны, когда характерный размер отверстия  $a$  мал по сравнению с радиусом корреляции падающего поля  $l_k$  [характерным масштабом спадания  $\Gamma^0(\rho_\perp)$ ], в ф-ле (\*)  $\Gamma^0(\rho_\perp) \approx \Gamma^0(0)$ , и ср. интенсивность равна

$$I \sim \Gamma^0(0) \left| \int M(\mathbf{R}_\perp) \exp(2\pi i \lambda^{-1} \mathbf{n} \cdot \mathbf{R}_\perp) d\mathbf{R}_\perp \right|^2,$$

откуда видно, что угловое распределение  $I$  определяется формой отверстия  $S$ , как это имеет место при дифракции регулярной плоской волны. В противоположном предельном случае некогерентного освещения,  $a \gg l_k$ , можно пренебречь  $\rho_\perp$  по сравнению с  $\mathbf{R}_\perp$ , тогда

$$I \sim S \int \Gamma^0(\rho_\perp) \exp(2\pi i \lambda^{-1} \mathbf{n} \cdot \rho_\perp) d\rho_\perp,$$

где  $S$  — площадь отверстия. При этом угловое распределение  $I$  определяется ф-цией  $\Gamma^0$ , т. е. характером неоднородностей  $u_0$ , и не зависит от формы отверстия. Поэтому если в отверстие поместить фокусирующую линзу с фокусным расстоянием  $F$ , то характерный размер фокального пятна будет в среднем равен  $\lambda F/l_k$ , а не  $\lambda F/a$ , как в случае когерентного освещения.

Корреляц. свойства излучения характеризуют с помощью когерентности  $\gamma = \langle u(\mathbf{r}_1) u^*(\mathbf{r}_2) \rangle \cdot (I_1 I_2)^{-1/2}$ . В случае когерентной падающей волны  $\gamma = 1$ . Для частично когерентного освещения  $|\gamma| \ll 1$ , при малых  $l_k$  величина  $\gamma$  пропорциональна фурье-преобразованию от распределения интенсивности по отверстию  $S$  (см. *Ван-Циммерта — Перник теорема*).

*Лит.*: Борн М., Вольф Э., Основы оптики, пер. с англ., 2 изд., М., 1973, гл. 10; Введение в статистическую радиофизику, ч. 2 — Рытов С. М., Кравцов Ю. А., Тартаковский В. И., Случайные поля, М., 1978, § 10, 11; Ахманов С. А., Дьяков Ю. Е., Чиркин А. С., Введение в статистическую радиофизику и оптику, М., 1981, гл. 4, § 5.

Л. А. Апресян.

**ДИФРАКЦИЯ ЭЛЕКТРОНОВ** — упругое рассеяние электронов на кристаллах или молекулах жидкостей и газов, при к-ром из первичного пучка образуются от-