

$=1$  — условие нормировки вероятности в квантовой статистике). Следовательно,

$$Z(T, V, N) = \sum_i \exp(-\epsilon_i/kT),$$

где суммирование ведётся по всем квантовомеханическим состояниям, разрешённым принципом симметрии или антисимметрии. Статистич. сумма определяет свободную энергию системы  $F = -kT \ln Z$ . Статистич. ансамбль квантовомеханических систем с заданным объёмом, находящихся в контакте с термостатом и резервуаром частиц (большой канонич. ансамбль квантовой статистики), описывается большим канонич. Г. р.

$$w_i = Z^{-1}(V, \mu, T) \exp\left\{-\frac{\epsilon_i - \mu N}{kT}\right\},$$

где

$$Z(V, \mu, T) = \sum_{i, N} \exp\left\{-\frac{\epsilon_i - \mu N}{kT}\right\}.$$

Статистич. сумма  $Z(V, \mu, T)$  большого канонич. ансамбля квантовой статистики определяется термодинамич. потенциалом  $\Omega$  в переменных  $V, \mu, T$ :  $\Omega = -kT \ln Z(V, \mu, T)$ . Все Г. р. соответствуют максимуму информац. энтропии (см. Энтропия) при разл. дополнит. условиях: макреканонич. Г. р.— при пост. числе частиц и энергии; канонич. Г. р.— при пост. числе частиц и заданной ср. энергии; большое канонич. Г. р.— при заданных ср. энергии и ср. числе частиц. Т. о., все Г. р. являются наиб. вероятными распределениями, но при разл. условиях.

Для вычисления термодинамич. потенциалов все Г. р. эквивалентны, т. е. если с помощью одного из Г. р. вычислить соответствующий ему термодинамич. потенциал, то затем при помощи термодинамич. соотношений можно найти и все др. термодинамич. потенциалы, соответствующие др. ансамблям.

Лит.: Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М., Статистическая физика, ч. 1, 3 изд., 1976, гл. 3; Майер Дж., Гепперт-Майер М., Статистическая механика, пер. с англ., 2 изд., М., 1980, гл. 3, 4; Хилл Т., Статистическая механика, пер. с англ., М., 1960, гл. 1—3; Хуанг К., Статистическая механика, пер. с англ., М., 1966, гл. 7—9; Зубарев Д. Н., Неравновесная статистическая термодинамика, М., 1971, § 3, 9; Искра А., Статистическая физика, пер. с англ., М., 1973, гл. 2, 3; Валеску Р., Равновесная и неравновесная статистическая механика, пер. с англ., т. 1, М., 1978, гл. 4; Гиббс Дж., Термодинамика. Статистическая механика, пер. с англ., М., 1982. Д. Н. Зубарев. ГИББСА ЭНЕРГИЯ (изобарно-изотермический потенциал, свободная энталпия) — один из термодинамических потенциалов, характеристич. ф-ция при выборе давления  $P$  и темп-ры  $T$  в качестве независимых термодинамич. параметров. Введена Дж. У. Гиббсом в 1875. (Иногда Г. э. наз. термодинамич. потенциалом Гиббса или просто термодинамич. потенциалом, в узком смысле слова, и обозначают Ф.) Г. э., обычно обозначаемая  $G$ , связана с внутренней энергией  $U$ , энтропией  $S$  и объёмом  $V$  соотношением  $G = U - TS + PV$ . Г. э. для однокомпонентной системы пропорциональна числу частиц  $N$  и равна  $G = \mu N$ , где  $\mu$  — хим. потенциал, зависящий только от  $P$  и  $T$ . Изменение Г. э. при квазистатич. процессе и пост. числе частиц равно  $dG = -SdT + VdP$ . Следовательно, энтропию и объём можно получить дифференцированием Г. э.:  $S = -(\partial G / \partial T)_P$ ,  $V = (\partial G / \partial P)_T$ . Это означает, что Г. э. есть характеристич. ф-ция в переменных  $P$  и  $T$ . Удобство применения Г. э. связано с тем, что  $G/N$  зависит только от интенсивных термодинамич. параметров  $P$  и  $T$ , к-рые в равновесии постоянны для всей системы.

Для многокомпонентной системы Г. э. есть линейная ф-ция от чисел частиц  $N_j$  в компонентах  $j$  (или от масс компонент)  $G = \sum_j \mu_j N_j$ , где  $\mu_j$  — хим. потенциал компонента  $j$ . Следовательно,  $dG = -SdT + VdP + \sum_j \mu_j dN_j$ . Термодинамич. равновесие соответствует минимуму Г. э. В системе со мн. степенями свободы  $G = U - TS + \sum_i A_i a_i$ , где  $a_i$  — внеш. параметры,  $A_i$  — обобщённые силы.

Г. э. связана с энталпиею  $H = U + PV$  соотношением  $G = H - TS$ , к-roe аналогично выражению для Гельмгольца энергии ( $F = U - TS$ ). Термин

«свободная энталпия» основан на этой аналогии. С энергией Гельмгольца Г. э. связана соотношением  $G = F + PV$ . В статистич. физике энергия Гельмгольца, а следовательно, и Г. э. выражаются через статистич. интеграл (статистич. сумму).

Лит. см. при ст. Термодинамика.

Д. Н. Зубарев.

**ГИББСА — ГЕЛЬМГОЛЬЦА УРАВНЁНИЯ** — термодинамич. соотношения, устанавливающие связь между внутренней энергией  $U$  и Гельмгольца энергией (свободной энергией)  $F$  или между энталпиею  $H$  и Гиббса энергией (свободной энталпиеей)  $G$ :

$$U = F - T(\partial F / \partial T)_V, \quad (1)$$

$$H = G - T(\partial G / \partial T)_P, \quad (2)$$

где  $T$  — темп-ра,  $V$  — объём,  $P$  — давление. Установлены в 1875 Дж. У. Гиббсом, ур-ние (1) использовал Г. Гельмгольц (Н. Helmholtz).

Ур-ние (1) следует из определения энергии Гельмгольца  $F = U - TS$  и выражения для энтропии  $S = -(\partial F / \partial T)_V$ , ур-ние (2) — из определения энергии Гиббса  $G = H - TS$  и выражения для энтропии  $S = -(\partial G / \partial T)_P$ . Ур-ние (1) позволяет по энергии Гельмгольца  $F(T, V)$  найти внутр. энергию  $U(T, V)$  и, следовательно, теплопёмкость при пост. объёме. Ур-ние (2) позволяет по энергии Гиббса  $G(T, P)$  найти энталпию  $H(T, P)$  и, следовательно, теплопёмкость при пост. давлении.

Макс. работа, к-рую может совершить система в тепловом контакте с окружающей средой  $A_{\text{макс}} = F_1 - F_2$ , удовлетворяет Г. — Г. у.  $U_1 - U_2 = -T^2(\partial T^{-1} A_{\text{макс}} / \partial T)_V$ . Эта макс. работа за вычетом работы против сил давления  $P(V_2 - V_1)$  (максимальная полезная работа)  $A_{\text{полезн}} = G_1 - G_2$ , удовлетворяет Г. — Г. у.  $H_1 - H_2 = -T^2(\partial T^{-1} A_{\text{полезн}} / \partial T)_P$ . (Различие между макс. работой и максимальной полезной работой существенно для газообразных систем.) Г. — Г. у. применяются в термодинамич. теории гальванич. элементов, использовались при установлении третьего начала термодинамики и его следствий.

Лит. см. при ст. Термодинамика.

Д. Н. Зубарев.

**ГИББСА — ДЮГЕМА УРАВНЁНИЕ** — термодинамич. соотношение между приращениями темп-ры  $T$ , давления  $P$  и хим. потенциалов  $\mu_i$  многокомпонентной термодинамич. системы:  $SdT - VdP + \sum_i N_i d\mu_i = 0$ , где  $S$  — энтропия,  $V$  — объём,  $N_i$  — число частиц  $i$ -го компонента. Для многофазной системы  $i$  учитывает также разл. фазы. Вместо  $N_i$  можно брать массы компонент и нормировать хим. потенциал  $\mu_i$  на единицу массы. Получено Дж. У. Гиббсом в 1875 и широко применялось П. Дюгемом (Дюэмом) (P. Duhem). Г. — Г. у. устанавливает связь между интенсивными термодинамич. параметрами, к-рые при термодинамич. равновесии постоянны. Оно следует из того, что, согласно второму началу термодинамики, приращение Гиббса энергии  $G$  равно

$$dG = -SdT + VdP + \sum_i \mu_i dN_i, \quad G = \sum_i \mu_i N_i.$$

Лит. см. при ст. Термодинамика.

Д. Н. Зубарев.

**ГИБРИДИЗАЦИЯ АТОМНЫХ ОРБИТАЛЕЙ** — выравнивание длин хим. связей и валентных углов при образовании хим. связей валентными  $s$ ,  $p$ ,  $d$ - и т. д. электронами (атомными орбиталами) одного атома. Г. а. о. описывает возбуждённые состояния атома в хим. соединении.

С помощью методов рентг. структурного анализа, спектральных измерений и т. п. установлено, что хим. связи, образуемые электронами атома, находящимися в разл. квантовых состояниях, эквивалентны, вопреки казалось бы очевидному предположению о их различии (так, напр.,  $p$ -электроны должны были бы создавать более прочную связь, чем  $s$ -электроны). Выравнивание связей является результатом смешивания при хим. взаимодействии состояний электронов в атоме, что приводит к образованию гибридных орбиталей, направленных в сторону образующейся связи (рис. 1). Гибридные ф-ции, соответствующие новым орбиталям, являются