

минимума на кривой плавления при  $T=0,32\text{ K}$ . Поэтому кристаллизация  $^3\text{He}$  при  $T<0,32\text{ K}$  в условиях, близких к адиабатическим, вызывает понижение темперы (Померанчука эффект). Эффект Померанчука лежит в основе одного из наиб. эффективных методов получения темп-ра порядка  $1\text{ mK}$  (см. *Низкие температуры*).

*Лит.*: А н д р е с с А. Ф., Диффузия в квантовых кристаллах, «УФН», 1976, т. 118, с. 251; Лоунасмаа О. В., Принципы и методы получения температуры ниже  $1\text{ K}$ , пер. с англ., М., 1977; Квантовые жидкости и кристаллы, [Сб. ст.], пер. с англ. М., 1979; Кешишян К. О., Паршин А. Я., Бабкин А. В., Кристаллизационные волны в  $\text{He}^4$ , «ЖЭТФ», 1981, т. 80, с. 716; Wilks J., The properties of liquid and solid helium, Oxf., 1967.

А. Я. Паршин

**ГЕЛИЙ-НЕОПОВЫЙ ЛАЗЕР** — см. в ст. *Газоразрядные лазеры*.

**ГЕЛИКОПЫ** (от греч. *hélix*, род. падеж. *hélikos* — кольцо, спираль) — слабо затухающая эл.-магн. волна, возбуждающаяся в газовой плазме или плазме твердых тел, к-рая находится в пост. магн. поле  $\mathbf{H}$ . Электрич. поле  $\mathbf{E}$  эллиптически поляризовано в плоскости, перпендикулярной  $\mathbf{H}$ . Степень эллиптичности равна  $\cos \vartheta$ , где  $\vartheta$  — угол между  $\mathbf{H}$  и направлением распространения волны (волновым вектором  $\mathbf{k}$ ). При этом вектор  $\mathbf{E}$  вращается в ту же сторону, в какую вращаются избыточные носители заряда в поле  $\mathbf{H}$ . Магн. поле волны имеет круговую поляризацию в плоскости, перпендикулярной  $\mathbf{k}$ .

Г. возникает за счёт педисипативного холловского (электрич.) дрейфа заряж. частиц (носителей заряда) в сильном магн. и эл.-магн. полях (см. *Холл эфект*). В металлах существование Г. теоретически предсказано О. В. Константиновым и В. И. Перелем, в полупроводниках — П. Эгреном (P. Aigrain). В ионосферной плазме Г. известны под назв. свищущие атмосферики (или вистлеры).

Спектр Г. квадратичный:

$$\omega(\mathbf{k}) = \frac{k^2 c H \cos \vartheta}{4\pi |e| N_1 - N_2|}, \quad (1)$$

где  $\omega$  — частота,  $N_1$  и  $N_2$  — концентрации электронов и дырок,  $e$  — их заряд. Декремент затухания  $\gamma$  Г. в металле и вырожденном полупроводнике определяется выражением:

$$\gamma = \omega \left[ \frac{v(1 + \cos^2 \vartheta)}{2\Omega} + \frac{3\pi}{16} \frac{kv_F}{\Omega} \sin^2 \vartheta \right], \quad (2)$$

где  $v$  — частота столкновений носителей заряда,  $\Omega$  — циклотронная частота,  $v_F$  — ферми-скорость электронов. Первый член во (2) связан со столкновительным поглощением, второй — описывает бесстолкновительное магн. *Ландау затухание*, обусловленное электронами, движущимися в фазе с волной. Сравнение частоты Г.  $\omega$  с логарифмич. декрементом затухания  $\gamma$  показывает, что Г. существует только в сильном поле  $\mathbf{H}$ , когда частота соударений  $v \ll \Omega$ ,  $kv_F \ll \Omega$  и  $\omega \ll \Omega$ . Спектр Г. простирается вплоть до предельной частоты  $\omega_L$ , величина к-рой зависит от соотношения  $kv_F$ ,  $\omega$  и  $v$ . Если  $kv_F \ll v$ , то  $\omega_L = \Omega$ , т. е. предельная частота обусловлена сильным циклотронным поглощением (см. *Циклотронный резонанс*). При  $kv_F \gg v$  величина  $\omega_L$  обусловлена допплер-сдвигнутым циклотронным резонансом:

$$\omega_L = \Omega - kv_F. \quad (3)$$

Если  $kv_F \gg \omega$ , то:

$$\omega_L = \frac{2\Omega^3 c^3}{3\omega_p^2 v^2}, \quad (4)$$

где  $\omega_p$  — плазменная частота электронов.

Г. низких частот могут наблюдатьсяся в форме *стоячих волн* в образце конечных размеров, когда все три компоненты волнового вектора припримают дискретные значения  $k_i = n_i \pi / a_i$  ( $i = x, y, z$ ), где  $n_i$  — целые числа,  $a_i$  — размеры образца вдоль осей  $x, y, z$ .

При низких темп-рах, когда энергия теплового движения во много раз меньше расстояния между *Ландау*

уровнями  $\hbar\Omega$ , бесстолкновительное затухание Г. испытывает гигантские квантовые осциляции. На низких частотах при  $\hbar\omega \ll kT$  это затухание описывается ф-лом:

$$\gamma_{\text{кв}} = q\gamma_{\text{кл}}; q \approx \frac{\hbar\Omega}{4kT} \text{ch}^{-2} \left( \frac{\mathcal{E}_F - M\hbar\Omega}{2kT} \right), \quad (5)$$

где  $M$  — ближайшее к величине  $[(\mathcal{E}_F/\hbar\Omega)^{-1/2}]$  целое число

$$q_{\text{макс}} \approx \hbar\Omega/4kT, q_{\text{мин}} = 8q_{\text{макс}} \exp(-\hbar\Omega/2kT).$$

Г. может взаимодействовать со звуковыми колебаниями. Наиб. сильным это взаимодействие оказывается в области т. н. геликон-фонового резонаанса. Спектр и затухание связанных геликон-звуковых волн определяются из дисперсионного ур-ия (при  $\vartheta = 0$ ):

$$[\omega^2 - \omega^2(k) - 2i\omega\gamma](\omega^2 - k^2 s^2) = \omega^2 \frac{k^2 \Pi^2}{4\pi\rho}, \quad (6)$$

где  $\rho$  — плотность кристалла,  $s$  — скорость звука. Взаимодействие звука с Г. обусловлено индуц. силой  $[\mathbf{J} \cdot \mathbf{H}]/c$  ( $\mathbf{J}$  — плотность тока), действующей со стороны электронов на кристалл, и индуц. электрич. полем  $[\mathbf{u} \cdot \mathbf{H}]/c$ , где  $\mathbf{u}$  — скорость распространения колебаний кристаллич. решётки.

*Лит.*: Константинов О. В., Переель В. И., О возможности прохождения электромагнитных волн через металл в сильном магнитном поле, «ЖЭТФ», 1960, т. 38, с. 161;

Аиграйн Р., Les «Helicons» dans les semiconducteurs, in: Proc. Int. Conf. on Semiconductor Phys., Prague, 1960, Prague, 1961, p. 224; Канег Е. А., Скобов В. Г., Electromagnetic waves in metals in a magnetic field, «Adv. Phys.», 1968, v. 17, p. 605.

Э. А. Канег. **ГЕЛЛ-МАНА МАТРИЦЫ** — унитарные  $3 \times 3$  матрицы  $\lambda_a$  ( $a = 1, 2, \dots, 8$ ), удовлетворяющие условию  $\text{Sp}(\lambda_a \lambda_b) = 2\delta_{ab}$ ,  $\text{Sp} \lambda_a = 0$  ( $a, b = 1, 2, \dots, 8$ ) ( $\delta_{ab}$  — Кронекера символ). Явный вид матриц  $\lambda_a$  следующий:

$$\lambda_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_2 = \begin{pmatrix} 0 & -i & 0 \\ i & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix},$$

$$\lambda_4 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_5 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & -i \\ 0 & 0 & 0 \\ i & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_6 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix},$$

$$\lambda_7 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -i \\ 0 & i & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_8 = \begin{pmatrix} 1/\sqrt{3} & 0 & 0 \\ 0 & 1/\sqrt{3} & 0 \\ 0 & 0 & -2/\sqrt{3} \end{pmatrix}.$$

Матрицы  $\lambda_a$  введены М. Гелл-Маном (M. Gell-Mann) в 1961 как непосредств. обобщение Паули матриц при построении  $SU(3)$ -симметричной теории элементарных частиц [см. *Симметрия  $SU(3)$* ]. Матрицы  $1/2 \lambda_a$  удовлетворяют коммутационным соотношениям генераторов группы  $SU(3)$ :

$$\left[ \frac{\lambda_a}{2}, \frac{\lambda_b}{2} \right] = \frac{i}{2} f_{abc} \lambda_c,$$

где  $f_{abc}$  ( $a, b, c = 1, 2, \dots, 8$ ) полностью антисимметричны относительно перестановок своих индексов и наз.  $f$ -символами или структурными константами групп  $SU(3)$ . Вычисление даёт для исчезающих компонент  $f$ -символов:

$$f_{137} = f_{246} = f_{257} = f_{345} = -f_{156} = -f_{367} = 1/2; f_{123} = 1.$$

Часто встречается также термин «*d*-символы», к-рые определяются через антикоммутатор двух матриц  $\lambda_a$ :

$$\{\lambda_a, \lambda_b\} = \frac{4}{3} \delta_{ab} I + 2d_{abc} (a, b, c = 1, 2, \dots, 8),$$

где  $I$  — единичная матрица  $3 \times 3$ . Величины  $d_{abc}$  полностью симметричны относительно перестановок своих индексов.

*Лит.*: Адер С., Дащен Р., Азгебры токов и их применение в физике частиц, пер. с англ., М., 1970.

В. И. Захаров,