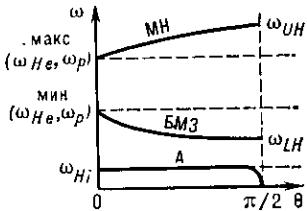


распространении поперёк магн. поля ( $\theta \rightarrow \pi/2$ ) альвеновская волна исчезает ( $\omega_\infty^A = \omega_{Hl} \rightarrow 0$ ); частота медленной необыкновенной волны  $\omega_\infty^{MH} \rightarrow \omega_{UH} = \sqrt{\omega_{pe}^2 + \omega_{He}^2}$  наз. частотой верхнегибридного резонанса. При этом частота быстрой магнитозвуковой волны  $\omega_{BMZ} = \sqrt{\omega_{He}\omega_{Hl}(1 + \omega_{Hl}^2/\omega_{pe}^2)/(1 + \omega_{He}^2/\omega_{pe}^2)}$ , где  $\omega_{LH}$  наз. частотой нижнегибридного резонанса.

Рис. 3. Зависимость частоты электростатических колебаний от угла  $\theta$  между магнитным полем и направлением распространения.



Зависимость частоты эл.-статич. колебаний от угла распространения  $\theta$  изображена на рис. 3.

Резонансы играют существ. роль при распространении В. в п. Вблизи них резко возрастают затухание волн и уровень тепловых шумов. Показатель преломления эл.-магн. волн вблизи этих резонансов велик ( $N \gg 1$ ), а фазовая скорость значительно меньше скорости света, так что взаимодействие частиц с волнами происходит наиб. эффективно именно вблизи резонансов. Нагрев плазмы волнами в области нижнегибридного резонанса широко используется в термоядерных установках типа «Токамак».

В случае  $N \rightarrow 0$  ( $k \rightarrow 0$ ) частоты эл.-магн. волн приближаются к т. н. частотам отсечки, ниже к-рых вплоть до соответствующих резонансных частот находятся области непрозрачности для волн. Эти частоты, имеющие смысл пороговых, выше к-рых распространение В. в п. возможно, для быстрой необыкновенной, медленной необыкновенной и обычновенной волн

(рис. 2) равны соответственно:  $\omega_0^{BH} = \sqrt{\omega_{pe}^2 + \frac{\omega_{He}^2}{4}}$  +  $\frac{\omega_{He}}{2}$ ;  $\omega_0^O = \sqrt{\omega_p^2 + \frac{\omega_{He}^2}{4}} - \frac{\omega_{He}}{2}$  и  $\omega_0^{MH} = \omega_{pe}$ .

При учёте теплового движения частиц число ветвей колебаний в плазме увеличивается. Во-первых, в области низких частот, наряду с альвеновской и быстрой магнитозвуковой волнами, появляется мода, наз. медленной магнитозвуковой, к-рая аналогична ионному звуку:  $\omega = kv_s \cos \theta$  (при  $v_A \gg v_s$ ). Др. эффект, обусловленный конечностью ларморовского радиуса  $r_j = v_{Tj}/\omega_{Hj}$  (где  $v_{Tj}$  — тепловая скорость ионов или электронов;  $j = i, e$ ) — появление при квазипоперечном распространении ( $\theta \approx \pi/2$ ) ветви потенц. колебаний, частоты к-рых при  $k \rightarrow 0$  и  $k \rightarrow \infty$  стремятся к  $m\omega_{Hj}$  ( $m = 1, 2, \dots$ ). Эти колебания, обусловленные чисто кинетич. эффектами, наз. модами Бернштейна. Их закон дисперсии можно представить в виде  $\omega_m^{(j)} = m\omega_{Hj}[1 + \Delta_m^{(j)}(k)]$ . В частности, для ионных гармоник при  $\omega_p \gg \omega_H$  имеем  $\Delta_m^{(i)} \simeq \frac{T_e}{T_e + T_i} \times I_m(\mu_i) e^{-\mu_i}$ , где  $\mu_i = k^2 r_i^2$  и  $I_m$  — модифицир. ф-ции Бесселя.

В неоднородной замагниченной плазме появляются новые моды НЧ-колебаний, наз. дрейфовыми, поперечная скорость к-рых ( $\perp H_0$ ) определяется скоростью дрейфа частиц в неоднородном магн. поле (см. Дрейф заряженных частиц):  $\omega/k_\perp = v_D$ , причём  $k_\perp \gg k_\parallel$ . Среди потенциальных (параллельных  $H_0$ ) дрейфовых колебаний достаточно разреженной плазмы [ $\beta = 8\pi n(T_e + T_i)/H_0^2 \ll 1$ ] различают электронные и ионные, частоты к-рых соответственно равны  $\omega_e = k_y(cT_e/eH_0)(d \ln n/dx)$  и  $\omega_i = -\omega_e T_i/T_e$ , где ось OZ

выбрана вдоль  $H_0$  и ось OX — вдоль Ап. С возрастанием  $\beta$  колебания становятся непотенциальными. При этом частота медленных дрейфовых волн, скорость к-рых меньше альвеновской, совпадает с  $\omega_r$ .

В общем случае частоты собств. колебаний  $\omega_0(k)$  — комплексные величины, мнимая часть к-рых связана с антиэрмитовой частью  $\epsilon_{\alpha\beta}$ , обусловленной поглощением эл.-магн. поля в термодинамически равновесной плазме (см. Диэлектрическая проницаемость). В бесстолкновит. плазме затухание эл.-магн. волн происходит благодаря наличию группы частиц, находящихся в резонансе с волной. В изотропной плазме число резонансных частиц невелико (затухание мало), если фазовая скорость колебаний много больше тепловой скорости частиц. В случае ленгмюровских колебаний это условие выполняется для колебаний с достаточн. большой длиной волны  $k r_D \ll 1$ . При этом затухание экспоненциально мало, т. к. в резонансе находятся частицы на «хвосте» ф-ции распределения. Если же в плазме наряду с тепловыми частицами присутствует электронный пучок, скорость к-рого равна фазовой скорости ленгмюровской волны, то можно подобрать такую плотность пучка, что решение дисперс. ур-ния будет описывать незатухающую волну. Такие плазменные волны наз. волнами ван Кампена. Они представляют собой модулир. пучки частиц, согласованные в своём движении с движением волны.

**Плотности энергии** В. в п.  $W_k$ , состоящая из эл.-магн. энергии и энергии возмущённого движения нерезонансных частиц, определяется выражением

$$W_k = \left[ \frac{1}{\omega} \frac{\partial}{\partial \omega} (\omega^2 q_\alpha \epsilon_{\alpha\beta} (\omega, k) q_\beta^*) \frac{|E_k|^2}{8\pi} \right]_{\omega=\omega_0(k)},$$

где  $q(k, \omega)$  — вектор поляризации волны (подразумевается, что  $\text{Im } \omega \ll \text{Re } \omega$ ). Отсюда видно, что энергия волн может быть как положительной, так и отрицательной. В последнем случае они наз. волнами с отриц. энергией. Отрицательность энергии означает, что возбуждение волны сопровождается не уменьшением, а увеличением энергии волновой среды. Простейшим примером, когда колебания могут обладать отриц. энергией, является движущаяся со скоростью  $v$  холода изотропная плазма, для к-рой

$$\epsilon_{\alpha\beta} = [1 - \omega_p^2/(\omega - kv)^2] \delta_{\alpha\beta} \text{ и } \omega(k) = kv \pm \omega_p.$$

При этом, как следует из ф-лы (\*), для достаточно коротковолновых  $kv > \omega_p$  колебаний  $W_k < 0$ . Взаимодействие волн с отриц. энергией с волнами положит. энергии приводит к развитию нелинейной неустойчивости (см. Взаимодействие волн в плазме).

**Лит.**: Шарапов В. Д., Электромагнитные волны в плазме, в сб.: Вопросы теории плазмы, В. З., М., 1963; Стикс Т., Теория плазменных волн, пер. с англ., М., 1965; Гинзбург В. Л., Рухадзе А. А., Волны в магнитоактивной плазме, 2 изд., М., 1975; Электродинамика плазмы, М., 1974. Е. В. Мишин, В. Н. Ораевский.

**ВОЛНЫ ДЕ БРОЙЛЯ** — волны, связанные с любой движущейся микрочастицей, отражающие квантовую природу микрочастиц.

Впервые квантовые свойства были открыты у эл.-магн. поля. После исследования М. Планком (M. Planck) законов теплового излучения тел (1900) в науку вошло представление о «световых порциях» — квантах эл.-магн. поля. Эти кванты — фотоны — во многом похожи на частицы (корпускулы): они обладают определёнными энергиями и импульсом, взаимодействуют с веществом как целое. В то же время давно известны волновые свойства эл.-магн. излучения, к-рые проявляются, напр., в явлениях дифракции и интерференции света. Т. о., можно говорить о двойственной природе, или о корпускулярно-волновом дуализме, фотона.

В 1924 Л. де Броиль (L. de Broglie) высказал гипотезу о том, что корпускулярно-волновой дуализм присущ всем без исключения видам материи — электронам,